

Learning PYTHON

Launch 20220110、Modify 20220111～20231125 recent review



Word 編集に「不慣れ」で本文コードのインデントに乱れがございます
コーディング時に修正を…

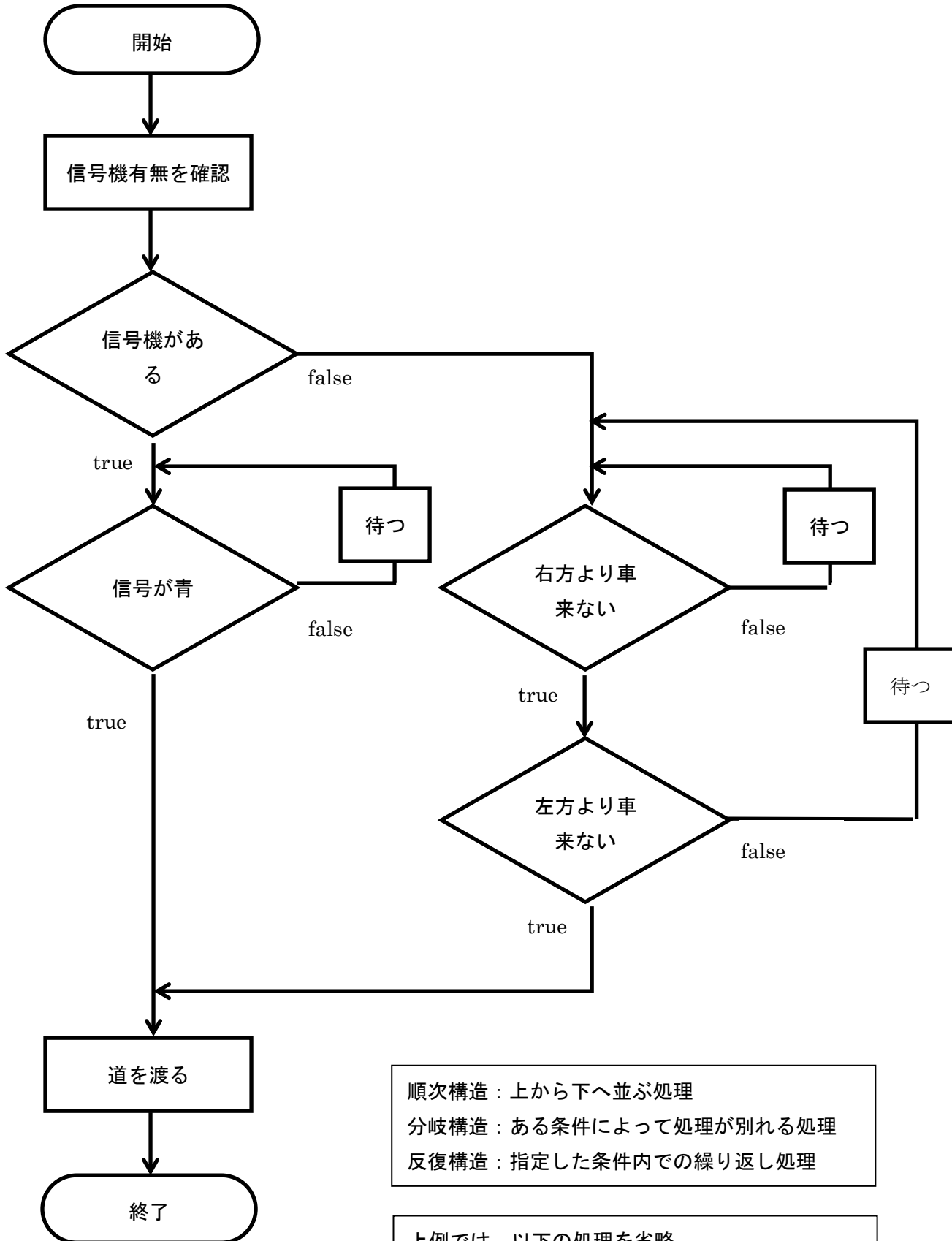
1. [過去の実践 VBA、JavaScript、Pov-Ray](#)
2. [現在 Python とその根拠](#)
3. [作法と課題\(アプリケーション開発～人間の思考をマシンに実装する体験\)](#)

(1) 数値型、演算子	(2) テキスト型	(3) ブール型 bool
(4) 型変換	(5) 変数	(6) input()関数
(7) 条件分岐 if-elif-else	(8) 反復 for-in range	(9) 乱数
(10) 描画	(10-1) 図形描画	(10-2) グラフ描画
(11) 配列	(11-1) 基本	(11-2) 集合
(11-3) リスト型	(11-4) 辞書型	(11-5) ソート(並べ替え)
(11-6) ソート(探索)	(11-7) 文字列サーチ(部分探索)	(11-8) 文字数
(12) 統計用 statistics モジュール	(12-1) 統計用モジュール基本	(12-2) 統計値算出
(12-3) ヒストグラム描画	(13) 関数モジュール	(13-1) テキストを表示
(13-2) 税込み価格を計算	(13-3) 合計値を求める	(13-4) 二次方程式解の公式実装
(14) 統計用 numpy ライブラリ	(15) データ可視化・グラフ描画	(15-1) データをプロット
(15-2) 折れ線グラフ	(15-3) マーカープロット	(15-4) 折れ線+マーカープロット
(15-5) numpy 併用	(15-6) グラフ分割	(15-8) numpy 併用棒グラフ
(15-10) 円グラフ	(15) ヒストグラム	(15-15) 度数分布表から可視化
(15-16) 配列から可視化	(16) 正規分布ヒストグラム	(16-1) 乱数発生から正規分布
(16-2) 正規分布作成 2	(16-3) numpy、scipy 活用	(16-4) 度数分布表
(17) 散布図 ax.scatter	(18) 箱ひげ図 ax.boxplot	(18-1) 1変量の場合
(18-2) 2変量の場合	(19) 数学用 math モジュール	(20) 移動平均
(20-1) 基礎実験	(20-2) 2 日間と 3 日間移動平均	(20-3) 描画
(20-4) ウェブからデータ取得	(20-5) 東京都新規感染者数	
(21) チャート分析 ローソク足	(21-1) rolling 関数	(21-2) Web 上からデータ取得
(21-3) 元データ取得	(22) 多項式フィッティング	(22-1) 配列からプロット
(22-2) 多項式の次数	(22-3) 多項式フィッティング	(23) 相関/相関係数/散布図
(23-1) 配列データ取り込み	(23-2) Web 上から取得	(24) データベース的な処理
(24-1) csv データの取得	(24-2) 条件選択	(24-3) 射影
(24-4) シーボーンによるグラフ化	(24-5) シーボーンによる箱ひげ図	(24-6) シーボーンから相関散布図
(25) 複利貯蓄シミュレーション	(26) ライブラリ sympy	(26-1) 関数定義と値の代入
(26-2) 関数定義と展開	(26-3) 関数定義と因数分解	(26-4) 関数定義と微分
(26-5) 定積分と不定積分	(26-6) 二次方程式解法	(26-7) 連立方程式解法
(26-8) 二つの関数の交点座標	(27) 放物運動シミュレーション	(27-1) 変位
(27-2) 鉛直方向速度	(28) 三角関数の定理	(28-1) 正弦の加法定理
(28-2) 余弦の加法定理	(29) モンテカルロ法	(30) 複素数 cmath 活用
(31) 待ち時間シミュレーション	(32) コイントスシミュレーション	

アルゴリズム プログラミング

道路を渡る行動の流れ FCD

アルゴリズム(問題解決の算法)開始



順次構造：上から下へ並ぶ処理

分岐構造：ある条件によって処理が別れる処理

反復構造：指定した条件内での繰り返し処理

上例では、以下の処理を省略

信号機を確認する

道路の右（左）方向を確認する



アルゴリズム(問題解決の算法)終了

問題解決の解法(算法)⇒アルゴリズム

問題解決の解法(アルゴリズム)をPCに実装 検査修正すること⇒**プログラミング**

プログラミングにおいて目的に合った言語を書くこと⇒**コーディング**

1. 過去の教科情報実践:18年前～近年⇒下記(1)～(4) 目的が限定的

(1)**Microsoft 製品 VBA** 資料 strnun mountain view(当サイト)より

http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/VBAintro.pdf



(2)**WEB (HTML) 連携 Javascript** 資料 strnun mountain view(当サイト)より 2 点

http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/joho_strnun_js1.html

http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/js-2.pdf



(3)**3DCG Pov-Ray** 資料 strnun mountain view(当サイト)より

http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/3D%20programming%20with%20ray%20tracing%20technique%20part-1.pdf



(4)**Flash ActionScript**⇒フラッシュ自体が WEB から「消えている」



2. 現在の教科情報の主流 Python

(0)根拠 機械学習 AI 連携～Society 5.0～(労働)生産性向上、モジュール [ライブラリ活用](#)

統計解析 デザイン等多目的、2025 年以降大学共通テスト予想問題との近似性 Python

(1)環境設定

①Web プラットホーム(Google クラウド内 先ず学校で設定された Google アカウントでログイン)

注: 個人 Google アカウント 個人利用の永続性にメリット、協働学習にデメリット

学校 Google アカウント 協働学習にメリット、個人利用の永続性にデメリット(卒業時に消失)

② Colaboratory ブラウザから Python を記述、実行できるサービス(下記 URL)

環境構築が不要、GPU への無料アクセス、簡単に共有

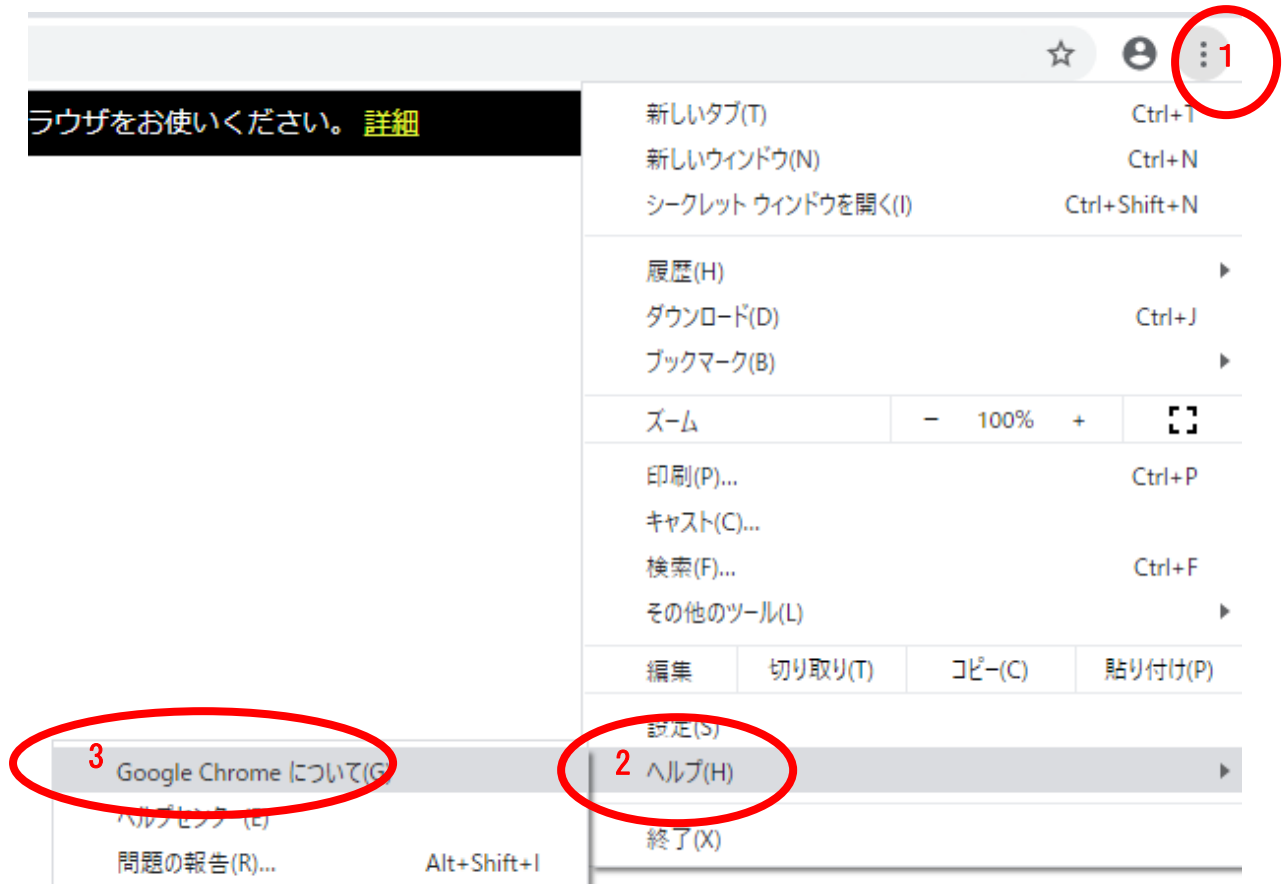
<https://colab.research.google.com/notebooks/welcome.ipynb?hl=ja>

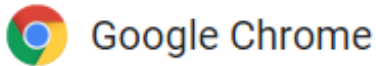


注:ここで下のメッセージが登場した場合

お使いのブラウザではこのサイトは動作しない可能性があります。サポートされているブラウザをお使いください。 [詳細](#)

ブラウザ Chrome の以下 1～3 をクリックすると、次図になり 4 再起動ボタンをクリックして準備完了

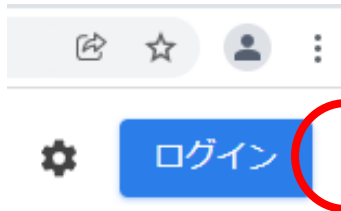




アップデートが適用されました。更新を完了するには Google Chrome を再起動してください。シークレットウィンドウは、再起動後は自動的に開かれませんが、バージョン: 79.0.3945.130 (Official Build) (64 ビット)



③ログイン



④ファイル⇒ノートブック新規作成

⑤以下に実装コード書き込み、実行する⇒自動保存されるので R。



コラム: 資料 Artificial Intelligence 参考リンク例: 文部科学省様、NTT 東日本様、YouTube 様

https://www.mext.go.jp/kids/find/kagaku/mext_0008.html AI ってなに？

<https://business.ntt-east.co.jp/content/cloudsolution/column-166.html#section-01> 機械学習とは？

<https://www.youtube.com/watch?v=fU0fmF2N2qk&t=65s> マツコロイド、黒柳徹子アンドロイドと初対談

<https://www.youtube.com/watch?v=LvmGeJl5yjA&t=23s> トットの部屋 第1回 ゲスト 黒柳徹子さん【totto】

<https://www.youtube.com/watch?v=FHdLH2yESzE> AI ソフィア VS AI ハン

<https://www.youtube.com/watch?v=07j9M42PmRQ> AI ソフィア

<https://www.youtube.com/watch?v=WbpYLvIPoQ8&list=TLPQMjAwMTIwMjJ-KTwabrXhGQ&index=3> AI エリカ

確認事項: 統計分析の手法 Excel(PC+アプリ) ⇒ プログラミング+ネット…ブラウザだけでよい

データベース Access(PC+アプリ) ⇒ SQL + ネット …ブラウザだけでよい

PCアプリの時代=過去のIT ⇒ WEB活用 ブラウザ活用DX=Society5.0 の IT

3. コーディング作法

(1) 数値型(整数 int, 小数 float)、演算子

```
print(3)      # 値
print(5+2)    # 加算
print(5-2)    # 減算
print(5*2)    # 乗法
print(5/2)    # 除法
print(5//2)   # 商
print(5%2)    # 剰余
print(5**2)   # 累乗
x=5
x+3           # print 省略
x=10/3        # x に 10/3 を代入
print(x)      # x 表示
print(int(x)) # 整数型
print(x)      # x 表示
print(float(x)) # 小数型
print(x)      # x 表示
print(float(3e-2)) # 小数型 3*10-2
```



(2) テキスト型(str) string # 文字を扱う

```
print('love') # 値
print('love'+ '&' + 'Peace') # 値
'today'       # print 省略
x='everyday'
y='every'+ '\n' + 'day' # 改行
print(x)      # 変数 x
print(y)      # 改行 y

t='world wide web' # 文字列定義
print(t)        # 文字表示
print(len(t))  # 文字数表示
```

コラム: 改行

```
print("day")
print(5)
```

```
day
5
```

```
print("day", end = "")
print(5)
```

```
day5
```



```
(3) ブール型(bool)      # true、false の二択
print (1>0.6)
print (1<0.6)
print (1==0.6)          # 1 と 0.6 は等しい(等号:==)
print (1>=0.6)
print(8!=2)             # 1 と 0.6 は等しくない(不等号:!=)
```



演算子比較	比較演算子	数学記号
左辺が右辺と同値	==	=
左辺が右辺と違う	!=	≠
左辺が右辺未満(小なり)	<	<
左辺が右辺以下(小なりイコール)	<=	≦
左辺が右辺より大(大なり)	>	>
左辺が右辺以上(大なりイコール)	>=	≧
代入	=	

(4) 型変換

①python では値を入力した時点で自動的に「型」を振り分けている (他の言語では変数定義で型を指定)

```
x=10          # 10 を数値として扱う
x='10'        # 10 を文字として扱う
print(int(x)+20) # 文字 10 を整数として 10+20 を表記
print(x+4)     # 文字型+整数型は禁則⇒エラー
```



(5) 変数

変数



値



値:リンゴ

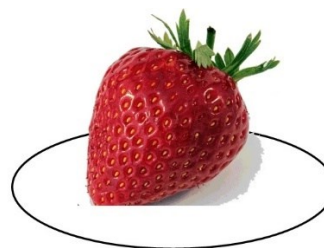
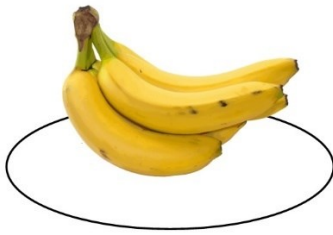
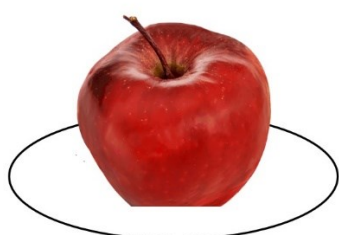


値:バナナ



値:イチゴ

変数に値を代入



皿=リンゴ 皿=バナナ 皿=イチゴ

この場合、演算子は = である。同値の場合は == である。

①コーディング

```
a=7      # 変数 a=7 とする
print(a) # 変数 a=7 を表記
```

②比較してみよう

```
a=100    # 変数 a=100 とする
b=10     # 変数 b=10 とする
c=1      # 変数 c=1 とする
a*3+b*5+c*7 # print 省略すると
a*5+b*2+c*3 # どうだった？
```

```
a=100
b=10
c=1
x=a*3+b*5+c*7 # 変数 x を定義
y= a*5+b*2+c*3 # 変数 y を定義
print(x)      # print を入れると
print(y)      # どうだった？
```

課題 底辺 b、高さ h の三角形の面積を s とし、底辺 6、高さ 4 の場合の面積を求めるコード。

```
b=6
h=4
s=b*h*0.5
print(s)
```



(6) input()関数: キーボードを使った文字列データの入力可(プロンプト)

```
input("what's your name?") # 名を問う
input("How old are you?") # 年齢を問う
x=input("what's your name?") # 入力値を変数 x とする
print(x) # どうだった？
y=input("How old are you?") # 入力値を変数 y とする
print(y+1) # どうだった？ 学び: input で獲得した値は文字型
```

例題 使命と年齢を回答させて還暦までの年数を返すプログラム

```
x=input("what's your name?")
y=input("How old are you?")
print(x,60-int(y),' years left until the 60th birthday')
氏名 還暦までの年数
```

課題 本体価格を回答させて、10%の税込み価格を提示するプログラム

```
price=input('How much?') # 本体価格を問う prompt
print('Payment is',float(price)*1.1,'yen including tax') # 税込み価格を提示
```


(7) 条件分岐

①成人ですか？

```
age = 25          # 変数 age に 25 を代入
if age < 18 :     # 変数 age が 18 未満であるか？
    print("minor") # true(yes)ならば、minor を表記
else:            # 否定ならば
    print("adult") # false(no)ならば、adult を表記
```

②3の倍数ですか？

```
n = 60
if n%3 ==0:      # 最後に半角コロン: 改行後インデント(字下げ)必須
    print('Multiple of 3') # n を 3 で割った剰余が 0 ならば「Multiple of 3」
else:            # そうでなければ
    print(n)       # 数値 n
```

③3の倍数ですか？ 5の倍数ですか？

```
n=30
if n%3==0 and n%5==0 : # n を 3 で割った剰余が 0、かつ 5 で割った剰余が 0 ならば
    print('Multiple of 15') # 「Multiple of 15」
elif n%3==0:           # そうでないとき n を 3 で割った剰余が 0 ならば
    print("Multiple of 3") # 「Multiple of 3」
elif n%5==0:           # そうでないとき n を 5 で割った剰余が 0 ならば
    print(' Multiple of 5') # 「Multiple of 5」
else:                   # そうでなければ
    print(n)            # 数値 n
```



課題 名前 n、身長 h、体重 w とする。bmi=w/(h*h)を算出し以下の判定を返すプログラム

bmi>=25 以上なら over weight、18.5<未満なら under weight、18.5 以上 25 未満なら healthy weight

表示例: nさん、貴方の BMI は bmi、healthy weight

```
n = input('what is your name?') # name を問う
h = input('How tall are you in meters?') # height(小数も有だね)を問う
w = input('How much is your weight in kilograms?') # weight(小数も有だね)を問う
bmi=float(w)/float(h)**2 # bmi 計算式(小数の計算)
if bmi>=25: # 25 以上ならば
    print(n,',BMI=',bmi,',over weight') # over weight
elif bmi <18.5: # そうでなければ、18.5 未満ならば
    print(n,',BMI=',bmi,',under weight') # under weight
else: # そうでなければ、
    print(n,',BMI=',bmi,',healthy weight') # healthy weight
```

参考: Body mass index (BMI)



(8) 反復

① for 文 for 変数 in range(回数) ~ 処理

```
for n in range(10): # 変数 n を 10 回繰り返して⇒最後に半角コロン:
    print(n)        # 改行後インデント(字下げ)必須 n を表示せよ
```

```
for n in range(10):
    print(n+1)      # n+1 を表示せよ
```

```
for n in range(0,10,3): # 変数 n を 0~10 未満の間で 3 毎に繰り返し
    print(n)
```

range の扱い range(start, stop[, step])

start ~ stop 未満で step ごとに連続した数値を返す。

start 省略→0、step 省略→1

```
for n in range(0,10,2): # 変数 n を 0~10 の範囲で 2 つおきに繰り返せ
```



② 反復 for に分岐 if の入れ子

例題 ①の範囲で偶数のみ表記させていただきます

```
for n in range(0,10): # 変数 n を 0~10 未満の範囲で繰り返せ
    if n%2==0:        # 変数 n を 2 で割った余りが 0 ならば
        print(n)     # 変数 n を表示せよ
```

例題 ①の範囲で奇数のみ表記させていただきます

```
for n in range(1,10): # 変数 n を 1~10 未満の範囲で繰り返せ
    if n%2==1:        # 変数 n を 2 で割った余りが 1 ならば
        print(n)     # 変数 n を表示せよ
```



例題 掛け算九九 for の「入れ子」 $m \times n = m * n$

文字表記 数値計算

```
for m in range(9): # 変数mは 0~8(9 回)繰り返し
    for n in range(9): # 変数nは 0~8(9 回)繰り返し
        print((m+1), ' × ', (n+1), '=', (m+1)*(n+1)) # 右辺は(1~9)*(1~9)の計算
```

```
for m in range(1,10): # 変数mは 1~9(9 回)繰り返し
    for n in range(1,10): # 変数nは 1~9(9 回)繰り返し
        print(m, ' × ', n, '=', m*n) # 右辺は(1~9)*(1~9)の計算
```

課題 x年y組z番を以下の条件で全て表示せよ。

$1 \leq x \leq 3, 1 \leq y \leq 8, 1 \leq z \leq 45$



③ while 文

```
n=0          # 変数n初期値 0
while n<10:  # 変数nを 10 未満で繰り返し
    print(n)  # 変数nを表示
    n=n+1     # 変数nに1を加えて処理
n=5          # 変数n初期値 5
k=6          # 公差 k=6 とする
while n<=20: # 変数nを 20 未満で繰り返し
    print(n)  # 変数nを表示
    n=n+k     # 変数nに k=6 を加えて処理
```



④ 反復 while の入れ子

例題 掛け算九九 while の「入れ子」

```
n=1          # 変数n初期値 1
while n<=9:  # 変数nを 9 以下で繰り返し
    m=1      # 変数m初期値 1
    while m<=9: # 変数mを 9 以下で繰り返し
        print(n,'*',m,'=',m*n) # m × n = m * n
        m=m+1 # 変数mに1を加えて処理
    n=n+1     # 変数nに1を加えて処理
```



⑤ 反復 while の強制終了

```
x = 0          # 変数 x 初期値 0
while x <= 20 : # 変数 x を 20 以下で繰り返し
    print(x)    # 変数 x を表示
    x += 3     # 変数xに 3 を加えて処理
    if x > 12: # 変数xが 12 を超えた場合
        break; # 強制終了
print("fin")   # fin を表示
```

⑥ バリエーション

```
total=0       # total 初期値 0
for i in range(1,10): # 変数 i を 1~10 未満の範囲で繰り返せ
    total += i # 値を順に加算せよ total
print(total)

total=0       # total 初期値 0
for i in range(1,10,2): # 変数 i を 1~10 未満の範囲で 1 つ置きに繰り返せ
    total += i # 値を順に加算せよ total
print(total)
```



(9) 乱数

① 賽の目

```
import random          # 乱数を取り入れる
dice=[1,2,3,4,5,6]    # dice 配列 1~6
print(random.choice(dice)) # 乱数で dice 配列から値を選択
```

② 運勢 通称「おみくじアプリ」

```
import random          # 乱数を取り入れる
fortune=['excellent','luck','good','unknown','bad luck','terrible']
print(random.choice(fortune))
```



課題 乱数を使う「PC VS You じゃんけんアプリ」⇒クラウド対あなたのじゃんけんゲームを作成せよ。

考え方 G Cloud 側はグー:0、チョキ:1、パー:2 として乱数を発生させ、判定は下表とする。

You ↓ PC ⇒	グー : 0	チョキ : 1	パー : 2
グー : 0	Draw	You Win	You Lose
チョキ : 1	You Lose	Draw	You Win
パー : 2	You Win	You Lose	Draw

ヒント ① グー:0 チョキ:1 パー:2

② あなたの手:(6) input()関数 (input('>>')) を使う

③ 最後に勝敗の判定

実装

```
import random          # 乱数をインポート
list=['stone', 'scissors', 'paper'] # 配列グー・チョキ・パー
x=(random.randint(0,2)) # 乱数 0,1,2 を変数 x とする
if x==0:               # x が 0 ならば
    print('PC',list[0]) # PC は石
elif x==1:            # x が 1 ならば
    print('PC',list[1]) # PC はハサミ
else:                 # x が 2 ならば
    print('PC',list[2]) # PC は紙
y=int(input('What do you choose?')) # You の選択を問う
if y==0:              # y が 0 ならば
    print('you',list[0]) # you は石
elif y==1:            # y が 1 ならば
    print('you',list[1]) # you はハサミ
elif y==2:            # y が 2 ならば
    print('you',list[2]) # you は紙
if y==x:              # x と y が同値なら
    print('draw')      # Draw 表記
elif (y==0 and x==1) or (y==1 and x==2) or (y==2 and x==0): # 以降は上表から判定表記
    print('you win')
elif (y==0 and x==2) or (y==1 and x==0) or (y==2 and x==1):
    print('you lose')
else:                 # 以外ならば
    print('you foul')  # you は反則
```



(10) 描画ツール

(10-1) 図形「亀」環境設定

① コード Colaboratory 固有のツールをインストール

次回に別ノートでコーディングする場合、下記 2 行と③1 行目をセットでコピーをすると速い。

```
!pip3 install ColabTurtle
from ColabTurtle.Turtle import *
```

②結果

Requirement already satisfied: ColabTurtle in /usr/local/lib/python3.7/dist-packages (2.1.0)

注釈: Google との通信を再開するときに、①②の手順を実行する



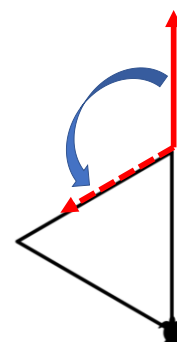
③動作確認 上から順に読み込み実行する 順次構造

```
initializeTurtle() # 描画エリアの初期化
pencolor('green') # 緑色
left(90) # 左 90 度に向け そちらが正面
forward(200) # 200 進め
pencolor('blue') # 青色
forward(200) # 200 進め
initializeTurtle() # 描画エリアの初期化
goto(100,200) # 座標(100,200)へ移動
goto(0,0) # 座標(0,0)へ移動 ディスプレイの左上が原点(0,0)座標表記
turtle.reset() # 初期化
initializeTurtle()
penup() # ペンを放せ
goto(100,200) # 座標(100,200)
pendown() # ペンを下ろせ
goto(0,0) # 座標(0,0)へ
```



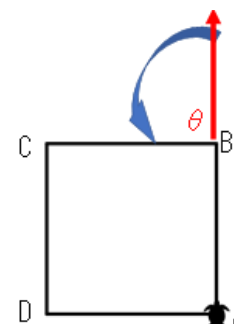
④例題: 正三角形描画コーディング

```
initializeTurtle() # 描画エリアの初期化
for i in range(3): # 変数 i を 3 回繰り返す
    forward(200) # 200 進む
    left(120) # 左に 120 度回転
```

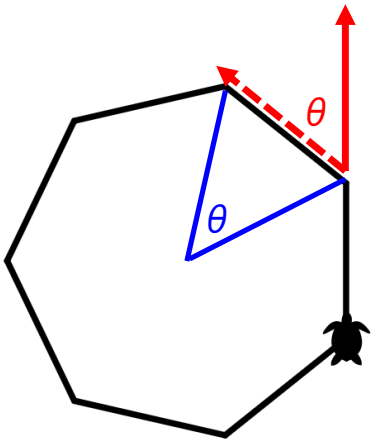


⑤例題: 正方形描画CODING

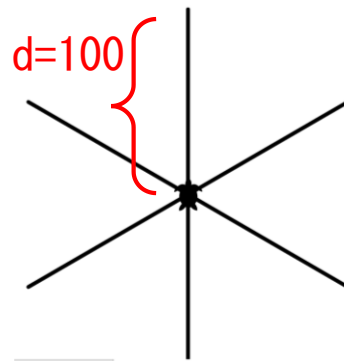
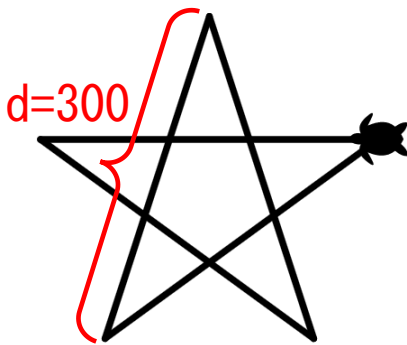
```
initializeTurtle() # 描画エリアの初期化
bgcolor('yellow') # 背景色を黄
color('green') # 線色を緑
for i in range(4): # 変数 i を 4 回繰り返す
    forward(200) # 200 進む
    left(90) # 左に 90 度回転
```



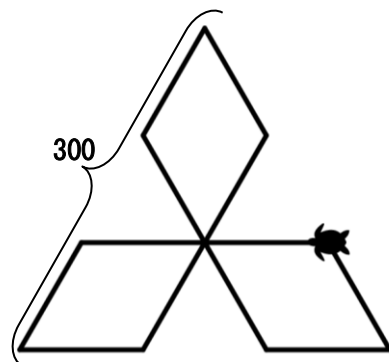
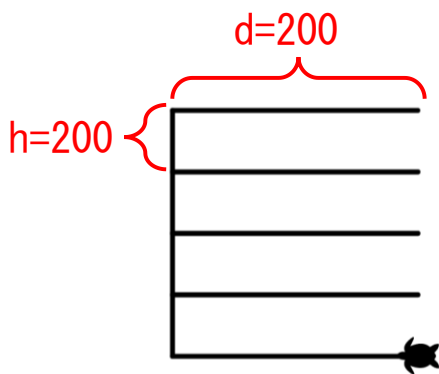
⑥課題: 1 辺の長さdであるn角形を描画するコードを考えよ。その上で 1 辺の長さ 100 の正7角形を描画せよ。



⑦課題: 次の図形を描画するコードを考えよ。



課題: 次の図形を描画するコードを考えよ。



<https://www.mitsubishi.com/ja/profile/group/mark/>より引用

図形描画解答例

```
left(90)
for i in range(4):
    forward(200)
    left(90)
    forward(50)
    right(90)
    forward(-200)
```

```
for i in range(3):
    forward(200)
    left(60)
    forward(100)
    left(120)
    forward(100)
    left(60)
```

```

n=9
d=100
for i in range(n):
    forward(d)
    left(360/n)

```



⑨ 例題:でたらめな軌跡

```

import random          # 乱数
for i in range(50):    # 以下を 50 回繰返し
    forward(random.randint(1,50)) # 1~50 の間ででたらめに前に進む
    left(random.randint(1,360))   # 1~360° の間ででたらめに左回り

```

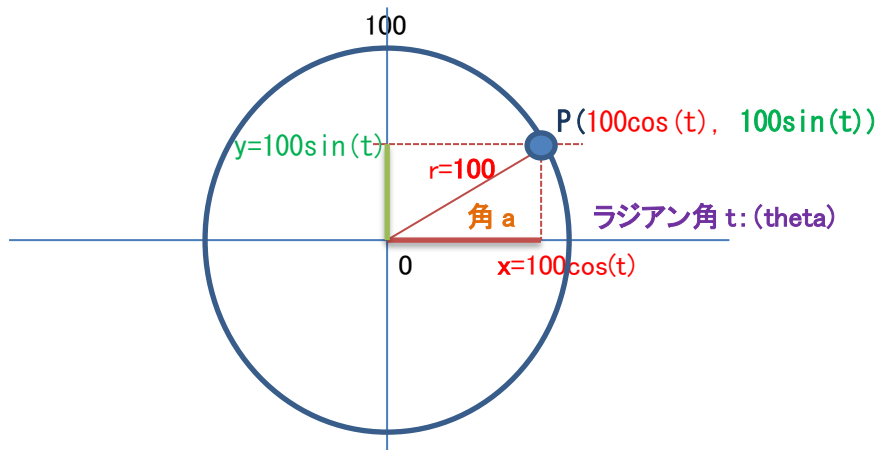


⑩ 円 例: 中心座標(300,250)、半径 $r=100$ の円…数学で円の関数、弧度法(ラジアン)に関して未履修の
 ャンプしても結構です。

```

initializeTurtle() # 先ず中心座標(0,0)、半径 100 の円周上の点 P の座標を(x,y)とする。
speed(10)          # 描画処理を速める(1~13)
for a in range(360): # 角 a は、0~360 度の範囲で変化
    t = math.radians(a) # 角 a のラジアン角を t とする
    x = 100*(math.cos(t)) # 円周上 P のx座標
    y = 100*(math.sin(t)) # 円周上 P のy座標
    goto(x+300,y+250)

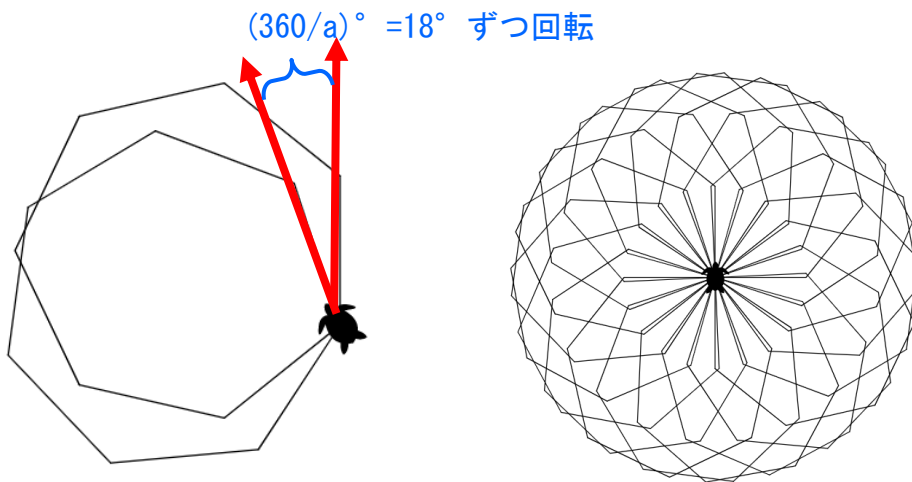
```



⑪ 反復 入れ子 乱数などを活用する幾何学デザイン CG

例題 課題⑥で描けるn角形を、a回、 $(360/a)^\circ$ ずつ左回転させて反復させよ。

a=20, d=100, n=7 を代入して描画せよ。



```
initializeTurtle() # 初期化
bgcolor('white') # 背景色 白
color('black') # ペンカラー色 黒
speed(10) # 10 倍速
width(1) # ペン幅 1
a=20 # 多角形を回す回数 20 回で 360°
d=100 # 多角形の辺の長さを 100 とする
n=7 # 多角形を 7 角形とする
```

```
for j in range(a): # 多角形を左に(360/a)° ずつ a 回回せ
    for i in range(n): # n=7 角形を描け
        forward(d) # d=100 進む
        left(360/n) # (360/7)° 左に回せ
    left(360/a) # (360/20)° 左に回せ
```

課題 本例題をコピーして実装したうえで、オリジナルデザインを提出すること



例題 ⑪-a

```
initializeTurtle()
speed(10)
width(1)
for j in range(36):
    for i in range(3):
        forward(200)
        left(120)
    left(10)
```


例題 ⑪-b

```
initializeTurtle()
pencolor('orange')
width(1)
for j in range(36):
    for i in range(4):
        forward(200)
        left(90)
    left(10)
```



例題 ⑪-c

```
initializeTurtle()
width(1)
for i in range(4):
    forward(200)
    left(90)
goto(350,350)
for i in range(4):
    forward(200)
    left(90)
goto(150,350)
goto(200,250)
goto(200,50)
goto(150,150)
goto(350,150)
goto(400,50)
```

例題 ⑪-v ⑪例題のプログラムに下の朱書き部分を追加

```
initializeTurtle()
import random # 乱数モジュールを追加
col=['red','purple','blue','green','yellow','white'] # 色を指定
```

```
speed(10)
width(1)
a=20
d=100
n=7
for j in range(a):
    for i in range(n):
        forward(d)
        left(360/n)
    left(360/a)
```

```
c=pencolor(random.choice(col)) # 変数jの反復ごとに乱数で色を選択して、変数cに代入
pencolor(c) # 色は変数c
```



例題 ⑪-e

```
initializeTurtle()
import random
col=[(255,255,255),(255,255,0),(255,0,255),(0,255,255),(0,0,255),(255,0,0),(0,255,0),(255,96,255),(96,255,255),(255,
255,96)]
for m in range(36):
    c=pencolor(random.choice(col))
    pencolor(c)
    width(1)
    left(10)
    for i in range(5):
        forward(100)
        left(72)
```

例題 ⑪-f

```
initializeTurtle()
import random
col=[(255,255,255),(255,255,0),(255,0,255),(0,255,255),(96,96,255),(255,96,96),(96,255,96),(255,96,255),(96,255,25
5),(255,255,96)]
for i in range(6):
    c=pencolor(random.choice(col))
    pencolor(c)
    width(1)
    forward(10)
    right(60)
    forward(20)
    right(60)
    forward(30)
    right(60)
    forward(40)
    right(60)
    forward(50)
    right(60)
```



例題 ⑪-g

```
initializeTurtle()
col=(100,255,255);
for m in range(1):
    pencolor((col))
    width(1)
    left(1)
for i in range(72):
    forward(100+i*5)
    forward(-(100+i*5))
    left(5)
```



例題 ⑪-h

```
initializeTurtle()
for i in range(72):
    t = math.radians(i*5)
    x = 100*(math.cos(t))
    y = 100*(math.sin(t))
    col=(100,100+i*2,255);
    pencolor((col))
    width(1)
    forward(20+i*5)
    forward(-(20+i*5))
    goto(300+x,250-y)
    left(5)
```

例題 ⑪-i

```
initializeTurtle()
for i in range(360):
    t = math.radians(i)
    x = 100*(math.cos(t))
    y = 100*(math.sin(t))
    col=(70+i*2,70+i*2,255);
    pencolor(col)
    width(1)
    forward(20+i*3)
    forward(-(20+i*3))
    goto(250+1.5*x,250+3*y/2)
    pendown
    left(5)
```



(10-2) グラフ描画 外部ライブラリ matplotlib [👉\(11\)①](#)を先に確認すること 応用は(15)へ

① データをプロットして図示する場合

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib をインポートする
y=[1,50,25,42,88] # y
x=[1,2,3,4,5] # x
plt.plot(x,y) # グラフ描画
plt.title("sample") # グラフタイトル
plt.xlabel('x') # 横軸ラベル
plt.ylabel('y') # 縦軸ラベル
plt.show() # 表示する
```

② 関数を図示する場合

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib をインポートする
import numpy as np # numpy をインポートする
x = np.arange(0, 10, 0.1) # numpy arange 関数で x の範囲と刻み値設定
y = -1*x**2+2*x+200 #  $y=-x^2+2x+200$ 
plt.plot(x, y, c='green') # 緑、実線
y = 3*x**2-2*x #  $y=3x^2-2x$ 
plt.plot(x, y, c='red',linestyle='--',) # 赤、破線
plt.show() # 表示する
```



(11) 配列 複数の値を一括で扱うことができる番号付きの収納箱 ②~④は応用

(11-1) 基本 配列名=[要素 1,要素 2,要素 3,]

```
x=['a','b','c'] # 配列
print(x[1]) # 何だった？
```

配列 0 番目	配列 1 番目	配列 2 番目
a	b	c

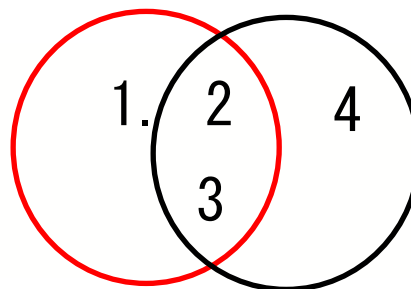
```
a=[1,4,7] # 配列
print(a[0]) # 何だった？
```

	配列 1 番目	配列 2 番目
1	4	7

[\(12\) 統計用 statistics モジュールへジャンプ](#)

(11-2) 配列集合

```
a={1,2,3} # 配列集合
b={2,3,4} # 配列集合
print(a|b) # 和集合
print(a&b) # 積集合
print(a-b) # 差集合
print(b-a) # 差集合
```



(11-3) リスト list

```
list_x=[2,5,8]          # 整数型配列
print(list_x)

list_y=[1,1.5,3,'love'] # 整数型、小数型、文字型混合配列
print(list_y)          # 配列yを表示

list_y[0]=0.6          # 配列 y の「0 番にデータ 0.6 に変更」
print(list_y)          # 配列yを表示

list_y.insert(2,'yes') # 配列 y の「2 番にデータ' yes' を挿入」
print(list_y)          # 配列yを表示
```

コードを**上から順番**に処理している **順次処理**

[List の並べ替えは\(19\)並べ替え ソート](#)



(11-4) 辞書型 (データベース的な)処理 キーkey👉値 value 呼び出し

key	value
210	川崎市川崎区幸区
211	川崎市幸区中原区
213	川崎市高津区
214	川崎市多摩区
215	川崎市麻生区
216	川崎市宮前区



(11-4a) サンプルデータの取得

http://strnun.fool.jp//pov-ray_strnun/kawasaki_postcode.CSV

から川崎市郵便番号表を取得し、サクラエディタ、atom、メモ帳などで開き、丸ごとコピーをする。

➡カンマ区切りのテキストデータ csv 参照データベース RDB

(11-4b) 表作成、表に要素追加 修正

```
postcode={ }          # { }内に取得した CSV を挿入
print(postcode[211])  # リストの場合は(k)「k 番目の値を返せ」だが、key[211]に紐づく値を返せ
postcode[230]='横浜市鶴見区' # { }内に要素を追加
print(postcode[230])  # key230 を表示
postcode[1]='日本'    # { }内に要素を追加
print(postcode)       # 表の要素全体を表示
postcode.pop(1)       # { }内から要素を削除
print(postcode)       # 表の要素全体を表示
```



(11-5) ソート(並べ替え)

① アルゴリズムに基づくコーディング **大学共通テスト対策上必須だが非効率!**

ア 昇順

```
ar = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]      # 配列 [3,8,6,1,9,5,4,2,7]
n=len(ar)                     # データ個数
def bs(ar):                   # 関数 bs(bubble sort)
    for i in range(n-1):      # 変数 i を 0 から n-2 の範囲で繰り返す
        for j in range(0, n-i-1): # 0 から n-2-i の範囲で繰り返す
            if ar[j] > ar[j+1]: # 隣り合った要素を比較し左が大きければ
                ar[j], ar[j+1] = ar[j+1], ar[j] # 順序入れ替え
bs(ar)                        # 配列 [3,8,6,1,9,5,4,2,7] をバブルソートする
print("newarray", ar)        # 'newarray' を表示
```

イ 降順

```
def bs_desc(ar):
    n = len(ar)
    for i in range(n-1):
        for j in range(0, n-i-1):
            if ar[j] < ar[j+1]:
                ar[j], ar[j+1] = ar[j+1], ar[j]
ar = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]
bs_desc(ar)
print("newarray", ar)
```



② モジュールを活用したコーディング **大学共通テスト対策上不要だが高効率!**

ア 昇順

```
list = [3,8,6,1,9,5,4,2,7] # 配列 list
list.sort()                # list を並べ替え(デフォルト:昇順)
print(list)                # 表示する
```

イ 降順

```
list.sort(reverse=True)    # list を並べ替え(降順)
print(list)                # 表示する
```

課題 配列[9,-5,4.1,0,-2,4.2]を昇順降順でソートせよ。

```
list_p=[9,-5,4.1,0,-2,4.2] # 配列 p
print(list_p)              # 表示する
list_p.sort()              # 昇順
print(list_p)              # 表示する
list_p.reverse()           # 降順
print(list_p)              # 表示する
```



(11-6) サーチ(探索)

① アルゴリズムに基づく順次探索コーディング1 **大学共通テスト対策上必須だが非効率!**

```
ar = [3,8,6,1,9,5,4,2,7] # 配列 ar
x = 4 # 変数 x
index = -1 # 配列順番 index の初期値を-1 とする。
for i in range(len(ar)): # 配列の回数回処理を反復
    if ar[i] == x: # i 番目のデータを x として発見した場合
        index = i # index に i を代入し
        break # 反復を中止
if i == -1: # 発見できなかった場合は
    print("none") # "none" を返す
else: # そうでなければ
    print("INDEX", i) # "順番 INDEX" index の値を返す
```




② アルゴリズムに基づく順次探索2 **大学共通テスト対策上必須だが非効率!**

```
ar = [3,8,6,1,9,5,4,2,7] # 配列 ar
x=1 # 変数 x
for i in range(len(ar)): # 配列の回数回処理を反復
    if ar[i] == x: # i 番目のデータを x として発見した場合
        print("INDEX", i) # "順番 INDEX" index の値を返す
        break # 反復を中止
else: # 無ければ
    print('none')
```



③ アルゴリズムに基づく二分探索1 **大学共通テスト対策上必須だが非効率!**

```
ar = [3,8,6,1,9,5,4,2,7] # 配列 ary を設定
x=7 # 探索値を x とする
ar.sort() # 配列 ary を昇順ソート  必須手順
l = 0 # 配列左端すなわち最小値の index(場所)を変数 l = 0 とする
r = len(ar) - 1 # 配列右端すなわち最大値の index(場所)を変数 r = (データ回数-1) とする
while l <= r: # 最小値~最大値の間で反復処理(条件 P)
    m = (l + r) // 2 # 中央値の index(場所)を変数 m とする
    if ar[m] == x: # もし配列の中央値が探索値と同値ならば(条件 Q)
        print("INDEX", m) # 結果を表示
        break # 反復処理を抜ける
    elif ar[m] < x: # (条件 Q が false で)もし配列の中央値が探索値未満ならば(条件 R)
        l = m + 1 # 最小値の index(場所)は中央値の index(場所)の右隣にする
    else: # (条件 Q・R が共に false)すなわち配列の中央値が探索値以上
        r = m - 1 # 最大値の index(場所)は中央値の index(場所)の左隣にする
print('none') # 反復処理(条件 P)を抜けた場合"none" を返せ
```



④ アルゴリズムに基づく二分探索2 【関数使用】 大学共通テスト対策上必須だが非効率！

```
def src(arr, x):          # 関数 src を設定
    arr = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]  # 配列 arr を設定
    x=10                  # 探索値を x とする
    arr.sort()           # 配列 arr を昇順ソート
    l = 0                 # 配列左端すなわち最小値の index(場所)を変数 l = 0 とする
    r = len(arr) - 1     # 配列右端すなわち最大値の index(場所)を変数 r = (データ個数-1) とする
    while l <= r:        # 最小値～最大値の間で反復処理(条件 P)
        m = (l + r)//2   # 中央値の index(場所)を変数 m とする
        if arr[m] == x:  # もし配列の中央値が探索値と同値ならば(条件 Q)
            return m     # 中央値の index(場所)を返せ
            break        # 反復処理を抜ける
        elif arr[m] < x: # (条件 Q が false で)もし配列の中央値が探索値未満ならば(条件 R)
            l = m + 1    # 最小値の index(場所)は中央値の index(場所)の右隣にする
        else:            # (条件 Q・R が共に false)すなわち配列の中央値が探索値以上
            r = m - 1    # 最大値の index(場所)は中央値の index(場所)の左隣にする
    return "none"        # 反復処理(条件 P)を抜けた場合"none" を返せ
result = src(arr, x)     # 結果は関数から引っ張る
print('INDEX',result)   # 結果を表示
```



⑤ モジュールを活用したコーディング 大学共通テスト対策上不要だが高効率！

```
list = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]
result = 0 in list      # 配列に 0 があるかの結果
print(result)          # 結果表示
```

```
list = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]
result = 5 in list     # 配列に 5 があるかの結果
print(result)         # 結果表示
```

```
list = [4,5,2,1,3,5,3,5,1]
cnt = list.count(5)    # 配列にある 5 の個数
print(cnt)
```

```
index = list.index(3)  # 配列にある 3 の場所
print(index)
```

```
x=max(list)           # 配列の最大値
print(x)
```

```
y=min(list)           # 配列の最小値
print(y)
```



```
a=sum(list)      # 配列の合計値
print(a)
```

```
b=len(list)     # データの個数
print(b)
```

```
list = [3,8,6,1,9,5,4,2,7]
x=10
result = x in list
if result ==True:
    print(list.index(x))
else:
    print('none')
```



(11-7) 文字列サーチ (部分探索) ⇒for 文:シーケンスを反復処理

①リスト内包表記: 配列から新しいリストを作成する方法

```
list = ['albert', 'carol', 'ester','jane','peter', 'george','william','Catherine','john','richard','Diana']
match = [a for a in list if "er" in a]
print(match)
```

② if 文を for ループ内で使用 ⇒配列内の er を含む文字列を検索

```
list = ['albert', 'carol', 'ester','jane','peter', 'george','william','Catherine','john','richard','Diana']
new_list =[]
for x in list:
    if "er" in x:
        new_list.append(x)
print(new_list)
```



(11-8) 文字数

```
t='world wide web'  # 文字列定義
print(t)           # 文字表記
print(len(t))     # 文字数表記
```

(11-9) 二次元配列

```
list_1 = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
list_2= [10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90]
list_3= [100, 200, 300, 400, 500, 600, 700, 800, 900]
list_123 = [
[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9],
[10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90],
[100, 200, 300, 400, 500, 600, 700, 800, 900]
]
print(list_123, list_123[0][1])
```



(12) 統計用 statistics モジュール

(12-1) 基本

```
import statistics          # 統計モジュール導入
a=[1,4,7]                 # 配列
print(len(a))             # データ個数
print(sum(a))             # データ合計
print(min(a))             # データ最小
print(max(a))             # データ最大
print(statistics.pvariance(a)) # データ分散
print(statistics.pstdev(a)) # データ標準偏差
print(statistics.median(a)) # データ中央値
```



(12-2) 統計値算出とヒストグラム作成: 表計算で実施した基礎統計を Python でプログラミング

[配列 A より A.csv](#)

[配列 B より B.csv](#)

二つを DL して配列 a=[] 配列 b=[] にインポート

```
import statistics          # 数理統計ライブラリ導入
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
a=[42,25,36,38,55,14,65,67,78,63,39,59,57,86,53,75,48,45,86,29] # 配列 a
b=[45,54,72,33,64,36,42,56,51,65,66,55,49,28,61,42,52,54,56,79] # 配列 b
print(len(a))             # データ個数
print(sum(a))             # 合計
print(min(a))             # 最小
print(max(a))             # 最大
print(statistics.mean(a)) # 平均
print(statistics.pvariance(a)) # 分散
print(statistics.pstdev(a)) # 標準偏差
print(statistics.median(a)) # 中央値
print(statistics.mode(a)) # 最頻値

deviation_values = []     # 偏差値の配列
for value in a:           # 変数 value 配列 a で反復
    deviation_value = int((value - statistics.mean(a)) / (statistics.pstdev(a)) * 10 + 50)
    deviation_values.append(deviation_value)
print(deviation_values)   # 偏差値の配列を出力する

fig = plt.figure(figsize =(3,2)) # グラフサイズ
plt.hist(a, bins = [0, 10, 20, 30,40, 50, 60, 70,80, 90, 100]) # 階級
plt.title("A Histogram") # タイトル
plt.show()
配列 b についてもコーディングしてください
```

偏差値=50+(値-平均値)*10/標準偏差

(12-3) 区間を以下のように取り、度数分布表から折れ線でヒストグラムを描画

該当度数分布表のデータを DL(csv)して配列に代入

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100] # x 軸
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0] # 配列 a
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0] # 配列 b
plt.plot(x,a,c='purple') # a を可視化 c='purple' 省略 色は自動
plt.plot(x,b,c='red') # b を可視化 c='red' 省略 色は自動
plt.show()
plt.plot(a)に plt.plot(a,c='purple') # a を紫で可視化
plt.plot(a)に plt.plot(a,c='red') # a を赤で可視化
```

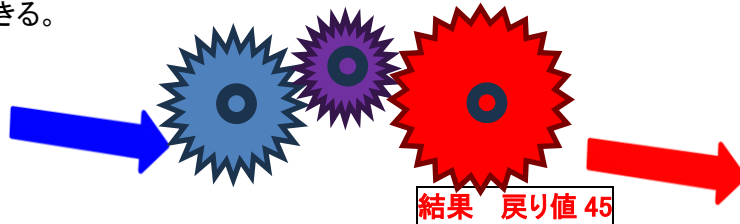


(13) 関数モジュール

関数: 複数処理をまとめてワンアクションで実行 ここまでの範囲で Python が内蔵している int(x)、float(y)など実践している。加えて自分で作ることができる。

下例③の概念

1, 9 を渡す 引数



関数 1+2+3+4+5+6+7+8+9

(13-1) テキストを表示させる関数

```
def g(): # 関数 g()を以下のように定義する
    print('good morning') # good morning を表示せよ
g() # 関数 g を実行
```



(13-2) 税込み価格を計算する関数

```
def function(x): # 関数 function(x)を定義
    price=x*1.1 # price は本体価格 x を 1.1 倍する税込価格
    return price # 税込み価格(戻り値)を返せ
print(function(100)) # 本体価格を 100(引数)として関数処理を実行し戻り値を表示
```

(13-3) 合計値を求める関数を作成

解法1 参考:比較演算子の発展形 += → A+=B A+B を A に返す意味 共通テスト向け

```
def add(x,y): # 2 変数を x,y として関数 add を設定
    total=0 # 合計値の初期値 0
    for i in range(x,y): # 変数 i は x 以上 y 未満で反復
        total += i # 合計値 total に変数 i を加えて合計値とする
    return total # 合計値 total を戻り値とする
print(add(1,10)) # x=1, y=10 として add 関数を走らせて戻り値を表示
```

解法2 関数活用 → total return の字下げ位置の違いに注目

```
def add(x,y):          # 2 変数を x,y として関数 add を設定
    total=0           # 合計値 total の初期値 0
    total=sum(range(x,y)) # 合計値 total は x 以上 y 未満で合計せよ
    return total      # 合計値 total を返せ
print(add(1,10))     # x=1、y=10 として add 関数を走らせて戻り値を表示
```



(13-4) 2 次方程式における解の公式を実装

```
def g(a, b, c):      # 各項の係数を a,b,c として関数 g を設定
    D = (b*b - 4*a*c)**0.5 # 判別式部を D とする 直接 x1,x2 の式に入れてもよい
    p = (-b + D)/(2*a)   # 解 1
    q = (-b - D)/(2*a)   # 解 2
    return p,q          # 解を返せ
print(g(2,1,-6))      # 係数設定
```

$$f(x)=ax^2+bx+c$$

$$f(x)=0$$

$$x\{=-b\pm(b^2-4ac)^{0.5}\}/2a$$



発展 実数解と複素数解を判別 前提 → 複素数を扱うライブラリ cmath

```
import cmath        # ライブラリ cmath
def g(a,b,c):
    D = (b**2- 4*a*c)      # 判別式 D=b^2-4*a*c
    if D>0:or D==0:        # 判別式 D>=0ならば
        p = (-b+D**0.5)/(2*a) # 解 p=(-b+D^0.5)/2*a
        q = (-b-D**0.5)/(2*a) # 解 q=(-b-D^0.5)/2*a
        return p,q        # 戻り値 p,q
    else:                  # 判別式 D<0ならば
        r = -b/(2*a)      # 実数部 r=-b/2a
        i = ((D**0.5)/(2*a)).imag # 虚数部 i=√D*i
        p = complex(r, i)  # 解 p=実数部+虚数部
        q = complex(r, -i) # 解 q=実数部-虚数部
        return p,q        # 解 p,q を返せ
a=float(input(" a "))    # 係数 a のプロンプト
b=float(input(" b "))    # 係数 b のプロンプト
c=float(input(" c "))    # 係数 c のプロンプト
print(g(a,b,c))         #
```



発展 (26-6) 参照 極めつけの数学用ライブラリ sympy → 圧倒的なステップ数(行数)短縮

```
import sympy        # ライブラリ sympy
a=float(input(" a "))
b=float(input(" b "))
c=float(input(" c "))
x=sympy.Symbol('x') # ライブラリ sympy で x を変数定義
s=sympy.solve(a*x**2 + b * x + c) # 方程式の種類を選ばない！注①
print(s)
```

注① 4 次方程式 $90x^4-405x^3-225x^2+1890x=0$ で試してみよう



(14) 統計用ライブラリ numpy 活用による統計値算出

```
import numpy as np          # numpy を np とする
a = np.arange(12).reshape(3, 4) # 配列 a (~12) を 3 行 4 列とする
print(a.shape)             # 配列 a
print(a)                   # 配列 a を表示
print(np.sum(a))           # 合計
print(np.mean(a))          # 中央
print(np.var(a))           # 分散
np.std((a))                # 標準偏差
```



(15) データの可視化・グラフ描画 matplotlib

(15-1) データをプロットして図示する場合

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib をインポートする
y=[8,50,25,42,88]             # y
x=[1,2,3,4,5]                 # x
fig = plt.figure(figsize=(4,2)) # グラフサイズ
plt.plot(x,y,color='blue')     # 折れ線グラフ描画
plt.bar(x,y,color='pink',width=0.2) # 棒グラフ描画
plt.title("sample")           # グラフタイトル
plt.xlabel('x')                # 横軸ラベル
plt.ylabel('y')                # 縦軸ラベル
plt.show()                     # 表示する
```

(15-2) 2データの可視化 折れ線グラフ

データ配列から折れ線で分布を比較描画 → データ配列 a,b をコピーして配列に代入

ヒストグラム: http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/on_demand/sta1.mp4

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100] # x 軸: 区間
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]         # 配列 a
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]        # 配列 b
fig = plt.figure(figsize=(3,2))   # グラフサイズ (横、縦)
plt.plot(x,a,c='purple')          # a を可視化 色:紫 c='purple' 省略:自動
plt.plot(x,b,c='red')             # b を可視化 色:赤 c='red'
plt.show()
```

(15-3) 2データの可視化 マーカープロット

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig = plt.figure(figsize=(3,2))
plt.plot(x,a,'*', c='green') # 点プロット*
plt.plot(x,b,'o', c='brown') # 点プロット●
plt.title("compare green:a,brown:b")
plt.show()
```

(15-4) 2データの可視化 折れ線グラフ+マーカープロット

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig = plt.figure(figsize =(3,2))
plt.plot(x,a,'*-', c='green') # 点プロット(*)と折れ線
plt.plot(x,b,'o-', c='brown') # 点プロット(●)と折れ線
plt.title("compare green:a,brown:b")
plt.show()
```

(15-5) データの可視化 numpy 併用マーカープロット

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
import numpy as np # numpy ライブラリの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(x,a,'*',c='green') # 点プロット*
ax.plot(x,b,'o',c='brown') # 点プロット●
plt.title("compare green:a,brown:b")
fig.set_figheight(2) # グラフの高さ
fig.set_figwidth(3) # グラフの幅
plt.show()
```

(15-6) データの可視化 別手法 numpy 併用

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
import numpy as np # numpy ライブラリの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig, ax = plt.subplots()
ax.plot(x,a,'x-',c='green') # ×と実線(-)
ax.plot(x,b,'s--',c='brown') # □と破線(- -)
plt.title("compare green:a,brown:b")
fig.set_figheight(2) # グラフの高さ
fig.set_figwidth(3) # グラフの幅
ax2.set_xlabel('number') # 横軸ラベル
ax2.set_ylabel('value') # 縦軸ラベル
ax.grid() # グリッド線
plt.show()
```

(15-7) データの可視化 numpy 併用グラフ分割

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig, (ax1, ax2) = plt.subplots(1, 2, sharey=True) # y 軸共通で ax1, ax2 に分割
ax1.plot(x, a, 'o-',c='green')
ax2.plot(x, b, 'x--',c='brown')
plt.title("compare green:a,brown:b")
fig.set_figheight(2)
fig.set_figwidth(8)
ax1.set_xlabel('number')
ax1.set_ylabel('value')
ax1.grid()
ax2.grid()
plt.show()
```

(15-8) データの可視化 numpy 併用棒グラフ

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x=np.array([0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]) # numpy 配列
a=np.array([0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]) # numpy 配列
b=np.array([0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]) # numpy 配列
fig = plt.figure(figsize =(4,3))
plt.bar(x, a,width=5) # 棒グラフ(*)、幅指定
plt.bar(x, b,width=3) # 棒グラフ(*)、幅指定
plt.show()
```

(15-9) データの可視化 numpy 併用棒グラフ分轄

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0]
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0]
fig,(ax1,ax2) = plt.subplots(1,2,sharey=True)
ax1.bar(x,a,color='green',width=5)
ax1.set_title('a')
ax1.set_xlabel('number')
ax1.set_ylabel('value')
ax2.bar(x,b,color='red',width=5)
ax2.set_title('b')
```

```
fig.set_figheight(2)
fig.set_figwidth(5)
plt.show()
```

(15-10) データの可視化 円グラフ①

```
import matplotlib.pyplot as plt
x=[10,20,30,40,50,60,70,80,90,100]
label = ["A","B","C","D","E","F","G","H","I","J"]
fig = plt.figure(figsize =(3,3))
plt.pie(x,labels=label)
```

(15-11) データの可視化 円グラフ②

```
import matplotlib.pyplot as plt
x=[20,100,30,80,70,40,10,60,50,90]
label = ["A","B","C","D","E","F","G","H","I","J"]
fig = plt.figure(figsize =(3,3))
plt.pie(x,labels=label,autopct='%d%%') # 各要素名と割合%
plt.pie(x)
```

(15-12) データの可視化 円グラフ③

```
import matplotlib.pyplot as plt
x=[20,100,30,80,70,40,10,60,50,90]
label = ["A","B","C","D","E","F","G","H","I","J"]
fig = plt.figure(figsize =(3,3))
plt.pie(x,labels=label,autopct='%d%%') # 各要素名と割合%
plt.pie(x)
```

(15-13) データの可視化 円グラフ分轄④

```
import matplotlib.pyplot as plt
x=[20,100,30,80,70,40,10,60,50,90]
label = ["A","B","C","D","E","F","G","H","I","J"]
fig = plt.figure(figsize =(4,4))
plt.pie(x,startangle=90,counterclock=False,labels=label,autopct='%d%%') //グラフ書き出し(A)を真上
plt.pie(x)
```

,counterclock=False //False は右回り True は左回り

(15-14) データの可視化 円グラフ分轄⑤

```
import matplotlib.pyplot as plt
x=[20,100,30,80,70,40,10,60,50,90]
label = ["A","B","C","D","E","F","G","H","I","J"]
x,label = zip(*sorted(zip(x,label),reverse=True)) # 配列 x,ラベルを紐づけして降順並べ替え
fig = plt.figure(figsize =(4,4))
plt.pie(x,labels=label,startangle=90,counterclock=False,autopct='%d%%')
plt.show()
```


(15-15) ヒストグラム 表計算で実施した統計 分析のデータを用いた同等の実験 matplotlib 活用
度数分布表の可視化 区間を以下のように取り、度数分布表から折れ線でヒストグラムを描画

該当度数分布表のデータを DL(csv)して配列に代入 📄 テキストエディタで開き配列をコピーする

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot モジュールの読み込み
x=[0,10,20,30,40,50,60,70,80,90,100] # x 軸
a=[0,1,2,3,3,4,3,2,2,0,0] # 配列 a
b=[0,0,1,2,4,7,4,2,0,0,0] # 配列 b
plt.plot(x,a,c='purple') # a を可視化 c='purple' 省略 色は自動
plt.plot(x,b,c='red') # b を可視化 c='red' 省略 色は自動
plt.show()
plt.plot(a)に plt.plot(a,c=' purple' ) # a を紫で可視化
plt.plot(a)に plt.plot(a,c=' red' ) # a を赤で可視化
```



(15-16) 配列から直接ヒストグラムを作成 **ax.hist**

```
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib をインポートする
a = [42,25,36,38,55,14,65,67,78,63,39,59,57,86,53,75,48,45,86,29] # 配列 a
b = [45,54,72,33,64,36,42,56,51,65,66,55,49,28,61,42,52,54,56,79] # 配列 b
fig = plt.figure() # 図を作成
ax = fig.add_subplot(1,1,1) # グラフの配置指定(1,1,1)はデフォルト
ax.hist(a, bins=10, color='purple') # ヒストグラム作成: 得点配列と棒の数、色指定
ax.set_title('A') # グラフタイトル
ax.set_xlabel('Score') # 横軸ラベル
ax.set_ylabel('Num') # 縦軸ラベル
fig.show() # 表示する
```



課題 集団 B のケースで同様にヒストグラムを描画してください。

(16) ヒストグラムの応用 正規分布 ガウス曲線

(16-1) 乱数発生で得られたデータから正規分布を可視化 表計算学習時と同等の条件

```
import numpy as np # numpy インポートし、np とする
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib をインポート
r = np.random.normal( # 乱数
loc = 5000, # 平均
scale = 100, # 標準偏差
size = 10000, # データの個数
)
fig = plt.figure() # データ可視化を変数 fig とする
ax = fig.add_subplot(1,1,1) # デフォルト
ax.hist(r, bins = 50) # 区間 50 でヒストグラム
ax.set_title('Gaussian curve') # グラフタイトル
ax.set_xlabel('Score') # x軸 Score
ax.set_ylabel('Num') # y軸 Num
fig.show() # グラフを表示
```



(16-2) 乱数による正規分布作成 2

```
import numpy as np      # numpy インポートし、np とする
a = np.random.normal(  # numpy で正規分布する乱数を発生させ a とする
    loc = 0,           # 平均
    scale = 1,        # 標準偏差
    size = 1000000,   # データの個数
)
Print(a)
```



(16-3) numpy、scipy を活用する正規分布ガウス曲線

```
import numpy as np      # numpy インポート
import matplotlib.pyplot as plt  # matplotlib をインポート
from scipy.stats import norm     # NumPy の拡張版、数値解析ソフトウェア
import matplotlib.pyplot as plt  # matplotlib をインポート
x = np.arange(-10,10,0.01)
y = norm.pdf(x,0,3)      # ガウス分布の確率密度関数,平均 0、標準偏差 3
plt.plot(x,y)
plt.xlim(-10,10)
```



(16-4) pandas(データ解析のためのライブラリ)活用 度数分布表

配列[47,36,39,42,37,43,46,44,33,42]を、階級の端値[30,35,40,45,50]で度数分布表

階級	階級値	度数
30~34.99	32.5	1
35~39.99	37.5	3
40~44.99	42.5	4
45~49.99	47.5	2

表計算ソフトによる解

```
import pandas as pd      # pandas インポート
data = [47,36,39,42,37,43,46,44,33,42]  # データ配列を定義
bins = [30, 35, 40, 45,50]  # 階級の端値を定義
hist, bins = pd.cut(data, bins=bins, include_lowest=True, right=False, retbins=True) # ヒストグラム
freq_table = pd.value_counts(hist, sort=False).to_frame()
freq_table['階級の端値'] = bins[:-1] + (bins[1] - bins[0])/2  # 階級値
freq_table = freq_table.rename(columns={'index': '階級', 0: '度数'}) # 度数を計算
print(freq_table)  # 表示
```



(17) 散布図 表計算で実施した統計 分析のデータを用いた同等の実験 **ax.scatter**

```
import matplotlib.pyplot as plt
x = [-3,-2,-1,0,1, 2, 3]      # 配列 x
y = [-7,-5,-3,-1,1,3,5]     # 配列 y
fig = plt.figure()          # figure を生成する
ax = fig.add_subplot(1, 1, 1) # グラフの配置指定(1,1,1)はデフォルト
ax.scatter(x, y, c='red')    # 散布図を設定する c:color
plt.show()                  # 表示する
```



色分け

```
import matplotlib.pyplot as plt
plt.scatter(0,10,c='red')
plt.scatter(20,20,c='green')
plt.scatter(30,40,c='purple')
plt.show()
```



(18) 箱ひげ図 表計算で実施した統計 分析のデータを用いた同等の実験 **ax.boxplot**

(18-1) 1変量の場合

```
import matplotlib.pyplot as plt
a = [42,25,36,38,55,14,65,67,78,63,39,59,57,86,53,75,48,45,86,29] # 配列 a
fig = plt.figure()          # figure を生成する
ax = fig.add_subplot(1, 1, 1) # グラフの配置指定(1,1,1)はデフォルト
ax.boxplot(a)               #箱ひげ図を設定する
plt.show()                  # 表示する
```



(18-2) 2変量の場合

```
import matplotlib.pyplot as plt          # 描画ライブラリ
a = [42,25,36,38,55,14,65,67,78,63,39,59,57,86,53,75,48,45,86,29] # 配列 a
b = [45,54,72,33,64,36,42,56,51,65,66,55,49,28,61,42,52,54,56,79] # 配列 b
plt.boxplot([a,b], labels=["a","b"])     # 箱ひげ図を設定する
plt.title("boxplot ")                   # グラフ title
plt.show()
```



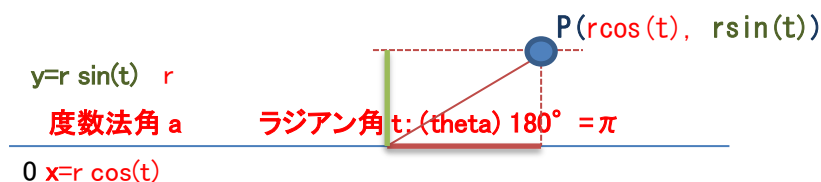
(19) math モジュール 数学…表計算ソフトウェアの関数的な処理

```
import math                # math モジュールの導入
print(math.pi)            # 円周率  $\pi$ 
x=6.25                    #  $x=6.25$ 
print(math.ceil(x))       # 切り上げ
print(math.sqrt(x))       # 平方根
print(math.gcd(225,150))  # 最大公約数
y=10000                   #  $y=10000$ 
print(math.log10(y))      # 対数 本例  $\log_{10}10000=4$ 
kakudo=180                #  $\text{kakudo}=180^\circ$  (度数法)
print(math.radians(kakudo)) #  $\text{kakudo}$  を度数法  $\Rightarrow$  弧度法変換 本例  $180^\circ = \pi$ 
print(math.sin(math.pi/6)) # 三角関数 sin
print(math.cos(math.pi/6)) # 三角関数 cos
print(math.tan(math.pi/6)) # 三角関数 tan
```



参考

度数法-弧度法



(20) 移動平均 時系列データを平滑化する手法 Simple Moving Average \Rightarrow トレンド分析

(20-1) 基礎実験 15 日間の変量推移である。2 日間移動平均と 3 日間移動平均を算出したテーブルを作成し、描画する。

date	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
value	10	6	2	4	9	11	7	3	2	7	12	5	1	3	8

```
date,0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14
```

```
value,10,6,2,4,9,11,7,3,2,7,12,5,1,3,8
```

(20-2) 2 日間移動平均と 3 日間移動平均を算出

```
import pandas as pd        # pandas を pd としてインポート
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot を plt としてインポート
data={"date":[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14],"value":[10,6,2,4,9,11,7,3,2,7,12,5,1,3,8]}
df = pd.DataFrame(data)
df["2-day movin'ave"]=df["value"].rolling(2).mean().round(1)
df["3-day movin'ave"]=df["value"].rolling(3).mean().round(1)
print(df)
```



(20-3) 描画

```
plt.plot(df["date"], df["value"], label="daily")
plt.plot(df["date"], df["2-day movin'ave"], "k--", label="SMA(2)")
plt.plot(df["date"], df["3-day movin'ave"], "r--", label="SMA(3)")
plt.xticks(rotation=90)
plt.xlabel("date")
plt.ylabel("quantity")
plt.legend()
plt.show()
```

(20-4) 別方法: WEB から CSV データを取得する

```
import datetime          📁 datetime モジュール: 日付や時刻
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt

%matplotlib inline
CSV_URL = "http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/movin'ave2022data.csv"
df = pd.read_csv(CSV_URL, names=['date','value'], header=1);
df = df.dropna()
df['sma2'] = df.value.rolling(2).mean()
df['sma3'] = df.value.rolling(3).mean()
fig, axes = plt.subplots(2,1,figsize=(12, 10))
df[['value','sma2','sma3']].plot(ax=axes[0], xlim=[0, len(df)])
plt.show()
```



(20-5) Python による東京都新規感染者数「[短期\(7日\)移動平均、長期\(28日\)移動平均](#)」分析

```
import datetime
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt

%matplotlib inline

CSV_URL = "http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/covid19tkyvalue.csv" # データ;注2
df = pd.read_csv(CSV_URL, names=['date','value'], header=1);
df = df.dropna()
df['sma7'] = df.value.rolling(7).mean()
df['sma28'] = df.value.rolling(28).mean()
fig, axes = plt.subplots(2, 1, figsize=(12, 10))
df[['date', 'value', 'sma7', 'sma28']].plot(ax=axes[0], xlim=[0, len(df)])
plt.show()
```

注2 ; 本件では筆者サーバ収納先にアクセスして取得



(21) Python によるローソク足、チャートグラフ

参考 別項目 [「表計算を用いたチャート分析\(ローソク足\)」](#) 実行

(21-1) pandas の rolling 関数を用いる移動平均

```
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
data = {"date": [0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14], "value": [10,6,2,4,9,11,7,3,2,7,12,5,1,3,8]}
df = pd.DataFrame(data)
df["2-day movin'ave"] = df["value"].rolling(2).mean().round(1)
df["3-day movin'ave"] = df["value"].rolling(3).mean().round(1)
print(df)
plt.plot(df["date"], df["value"], label="daily")
plt.plot(df["date"], df["2-day movin'ave"], "g", label="MA(2)")
plt.plot(df["date"], df["3-day movin'ave"], "r", label="MA(3)")
plt.xticks(rotation=90)
plt.xlabel("date")
plt.ylabel("quantity")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```



(21-2) Web 上(当サイト)から取得したデータを可視化する。

```
pip install --upgrade pandas      # Web から値を取得する拡張ツールをインストール
pip install plotly                # グラフ作成用ライブラリを pip コマンドでインストール
import plotly                    # plotly インポート
import plotly.graph_objs as gr    # plotly.graph_objs を 'gr' としてインポート
from plotly.offline import init_notebook_mode, iplot
import pandas as pd              # pandas を 'pd' としてインポート
from datetime import datetime

df = pd.read_csv('http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/covid19tky-220528.csv') # データ;注1
fig = gr.Figure(data=[gr.Candlestick(x=df['DATE'], # x 軸を列 'DATE' としてローソク足描画
open=df['OP'], # テーブルにおける「初値」のフィールド 'OP'
high=df['MAX'], # テーブルにおける「最大値」のフィールド 'MAX'
low=df['MIN'], # テーブルにおける「最小値」のフィールド 'MIN'
close=df['CL'])]) # テーブルにおける「終値」のフィールド 'CL'
fig.show()
```

注1 ; 本件では筆者サーバ収
納先にアクセスして取得

(21-3) 元データ取得

```
import pandas as pd              # pandas を 'pd' としてインポート
from datetime import datetime

df = pd.read_csv('http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/covid19tky-220528.csv') # データ;注1
df.tail()
```



(22) 多項式フィッティング

「[我が国の人口推移回帰分析実験\(総務省\)](#)」のデータを Python によって多項式にフィットさせる

(22-1)

A 配列からプロット

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
X =
np.array([ 1920,1925,1930,1935,1940,1945,1950,1955,1960,1965,1970,1975,1980,1985,1990,1995,2000,2005,201
0,2015,2020])
Y =
np.array([5596,5974,6445,6925,7193,7215,8411.4,9007.6,9430.1,9920.9,10466.5,11193.9,11706,12104.8,12361.1,1
2557,12692.5,12776.7,12805.7,12709.4,12577])
fig, ax = plt.subplots(dpi=100)
ax.scatter(X, Y, marker='o', color='red')
ax.set_xlabel('$x$')
ax.set_ylabel('$y$')
ax.grid()
```



B WEB 上から csv データ取得(本例は筆者サイト)してテーブル・配列表示

```
import pandas as pd
url = 'http://strnun.fool.jp/pov-ray_strnun/populationjapan.csv' # csv データの所在を url とする
df = pd.read_csv(url) # csv データを読む
print(df) # 表示
year = df['year'].values.tolist() # year 列の値を変数 year とする
volume = df['volume(10k)'].values.tolist() # volume 列の値を変数 volume とする
print(year) # 配列 year 表示
print(volume) # 配列 volume 表示

import numpy as np # numpy 実装
import matplotlib.pyplot as plt # matplotlib.pyplot 実装
X =np.array(year) # 配列 year を変数 X
Y =np.array(volume) # 配列 volume を変数 Y
fig, ax = plt.subplots(dpi=100) # マーカープロット(サイズ 100)
ax.scatter(X, Y, marker='o', color='red') # 赤○でプロット
ax.set_xlabel('$x$') # x軸
ax.set_ylabel('$y$') # y軸
ax.grid() # グリッド線
```

(22-2) 多項式の次数

```
DEGREE1 = np.polyfit(X, Y, 1)
DEGREE1
DEGREE2 = np.polyfit(X, Y, 2)
DEGREE2
DEGREE3 = np.polyfit(X, Y, 3)
DEGREE3
DEGREE4 = np.polyfit(X, Y, 4)
DEGREE4
```



(22-3) 1~4 次関数でフィッティングを実行

```
x = np.linspace(1920, 2020, 1000)
fig, ax = plt.subplots(dpi=100)
ax.scatter(X, Y, marker='o', color='red')
ax.plot(x, np.polyval(DEGREE1, x), 'black')
ax.plot(x, np.polyval(DEGREE2, x), 'brown')
ax.plot(x, np.polyval(DEGREE3, x), 'green')
ax.plot(x, np.polyval(DEGREE4, x), 'purple')
ax.set_xlabel('$x$')
ax.set_ylabel('$y$')
ax.grid()
```



(23) 相関/相関係数/散布図 covid-19 新規感染者数東京都-神奈川県(2019年4月1日~2022年7月15日)

(23-1) 配列としてデータ取り込み

```
import numpy as np
import seaborn as sns
sns.set()
```

tky

=

```
np.array([67,98,92,118,141,85,87,156,183,199,198,174,100,159,127,151,206,186,109,101,123,123,134,170,119,82,41,113,47,
59,165,154,93,87,57,37,23,39,36,22,15,27,10,30,9,14,5,10,5,5,11,3,2,14,8,10,11,15,21,14,5,13,34,12,28,20,26,14,13,12,18,22,25
,24,47,48,27,16,41,35,39,34,29,31,55,48,54,57,60,58,54,67,107,124,131,111,102,106,75,224,243,206,206,118,143,165,286,293,
290,188,168,237,238,366,260,295,239,131,266,250,367,462,472,292,258,309,263,360,461,429,331,197,188,222,206,389,385,
260,161,207,186,339,258,256,212,95,182,236,250,226,247,148,100,170,141,211,136,181,116,76,170,149,276,187,226,146,80,
191,163,171,220,218,162,97,88,59,193,195,269,144,78,211,194,234,196,205,107,65,176,140,248,203,248,146,78,166,177,284,
183,235,132,78,139,145,185,186,201,124,102,158,171,220,203,215,116,87,209,122,269,242,294,189,156,293,316,392,374,35
2,255,180,298,486,531,522,539,390,315,188,402,482,570,561,419,312,370,501,532,459,584,328,301,354,574,601,596,621,48
1,305,457,681,822,664,736,556,397,570,758,895,890,954,708,491,869,961,1353,793,829,826,905,1315,1640,2520,2459,2332,
1510,1252,1025,1480,1552,2044,1839,1595,1217,1253,1286,1485,1184,1079,986,619,1026,976,1065,871,770,634,393,556,6
76,734,577,639,429,276,412,491,434,307,369,371,266,350,378,445,353,327,272,178,275,213,340,270,337,329,121,232,316,2
79,301,293,237,116,290,340,335,304,330,239,175,300,409,323,303,342,256,187,337,420,394,376,430,313,234,364,414,475,4
37,446,354,248,397,554,543,537,570,421,308,511,591,728,666,758,541,404,710,842,860,758,875,633,425,830,927,1028,698,
1052,877,708,605,618,590,908,1126,1033,574,924,971,1011,853,771,543,420,732,769,844,647,600,532,340,540,744,680,613,
```


541,446,259,471,487,509,472,435,350,237,370,440,436,435,467,302,208,337,500,452,453,388,375,236,436,620,570,563,535,
386,317,476,714,674,660,715,518,342,592,920,896,823,951,613,503,829,1150,1309,1272,1411,1008,727,1391,1839,1984,136
7,1148,1785,1449,2889,3234,3920,3386,4143,3134,2282,3798,4316,5149,4688,4652,4139,2972,2775,4425,5133,5908,5249,4
358,3119,4534,5567,5729,5529,5247,4448,2537,4328,4334,4783,4350,3691,3124,1969,2926,3176,3097,2534,2370,1854,974,
1634,1840,1677,1246,1276,1072,615,1011,1058,832,790,865,563,301,258,538,533,239,382,302,155,250,268,219,196,197,161
,87,140,149,143,135,82,59,49,73,71,61,57,65,38,28,34,39,36,25,28,16,17,28,36,21,21,21,21,9,18,24,14,25,29,20,14,28,22,31,20,
22,22,7,15,26,20,16,16,20,6,16,5,26,19,16,8,8,20,21,11,13,19,18,7,17,21,15,25,20,13,7,24,29,30,18,28,33,11,37,39,36,36,37,43,
35,45,76,63,78,78,82,103,151,388,640,920,1223,1223,871,959,2196,3121,4055,4559,4166,3713,5181,7366,8634,9695,11217,
9460,8493,12797,14077,16525,17610,17424,15893,11743,14432,21562,20663,19788,21110,17519,12194,17100,18275,1888
8,18648,11755,13061,10330,15515,17325,17856,16122,13509,12933,8801,11439,14559,10163,11123,11558,10314,9629,11
802,12690,12246,10515,10804,9282,5370,8919,10812,10077,8456,9164,8127,4831,7831,10220,8456,7825,7441,6497,3853,3
532,6426,8869,7284,7440,7843,4542,7846,9518,8220,7978,7390,7896,4382,6967,8650,8750,8110,8098,8024,4557,6920,824
8,8535,6761,6794,5219,3477,5581,6771,6710,5393,5386,4935,3136,5042,6049,5392,3892,2978,3157,2397,3349,2997,2317,2
678,3802,4709,3011,4447,4761,4214,4103,3798,3348,2374,3662,4353,4170,3571,3462,3313,2023,3268,3924,3388,2629,254
9,2192,1342,2356,2415,2335,2111,2071,1584,1013,1800,1935,1876,1600,1526,1546,960,1528,2015,1819,1596,1681,1622,10
76,1963,2329,2413,2181,2160,2004,1517,2514,3803,3621,3546,3616,3788,2772,5302,8341,8529,8777,9716,9482,6231,1151
1,16878,16662,19059])

kan =

```
np.array([19,25,31,21,27,6,18,66,26,55,76,31,15,20,40,56,33,44,30,17,13,25,39,32,31,16,7,11,25,26,15,36,23,10,14,7,13,7,8,13,  
7,15,10,32,16,12,5,8,8,21,10,7,5,5,1,3,5,8,10,4,6,1,3,2,6,6,5,5,0,1,0,1,3,6,0,3,2,7,6,2,5,0,0,1,4,6,7,4,10,6,31,8,11,24,20,21,11,8,23,  
25,32,35,23,16,28,42,47,43,49,30,11,30,68,53,28,18,33,14,33,70,76,53,58,72,48,89,81,118,107,128,81,38,27,66,123,117,136,79  
,51,84,95,104,82,101,49,39,56,85,66,75,106,64,50,59,76,81,108,67,79,29,63,106,112,82,68,53,15,52,101,65,78,68,60,20,38,11,  
58,78,90,65,17,58,79,78,66,59,37,11,65,54,65,77,63,37,29,54,88,79,85,50,49,23,47,88,55,90,60,60,22,64,64,71,60,65,65,22,68,4  
4,109,104,137,77,36,98,130,147,146,147,114,61,133,226,205,208,192,162,70,67,159,252,219,214,149,83,158,214,197,188,191  
,134,65,152,245,213,285,223,231,121,226,287,319,295,314,238,188,348,346,494,466,479,343,334,394,432,587,470,380,365,4  
12,622,591,679,838,995,727,694,905,767,984,871,829,794,957,737,716,731,627,521,553,351,394,386,433,385,397,390,221,1  
87,234,224,288,201,164,121,141,176,178,154,105,108,71,133,115,142,129,131,100,96,97,93,119,116,162,131,52,84,138,138,1  
31,113,119,59,100,124,124,107,95,109,55,91,93,159,111,107,77,56,72,128,121,117,102,64,93,96,136,133,133,129,142,68,100,  
118,175,168,180,132,94,114,205,242,209,247,220,142,157,252,318,225,216,221,159,212,257,255,242,275,247,222,214,151,2  
24,229,303,338,237,277,319,337,339,328,296,199,248,269,308,327,268,266,218,200,225,227,260,258,233,139,159,218,215,2  
34,224,249,173,179,201,189,220,247,170,141,160,210,184,231,181,162,135,163,201,192,221,231,203,192,181,209,211,230,2  
54,226,180,198,250,322,355,310,389,280,308,361,403,446,539,460,412,433,521,630,652,547,531,539,758,1051,1164,1418,15  
80,1257,1686,1298,1484,1844,2082,1893,1860,2166,1572,1561,1807,2281,2356,2079,2584,2017,2021,2340,2878,2705,2524,  
2579,1946,2304,2632,2662,2377,2362,1719,1541,1921,1738,1868,1632,1242,971,738,1099,803,829,861,669,529,485,488,53  
4,547,452,394,257,188,173,259,251,193,193,123,128,130,129,115,82,86,51,77,86,102,65,81,54,49,46,50,52,33,35,37,23,10,16,  
39,24,9,11,7,13,15,16,8,7,9,6,10,6,22,9,14,9,11,12,13,14,19,15,12,18,9,18,21,27,8,18,10,9,11,5,10,11,7,13,9,12,10,11,12,5,6,9,10  
,22,17,16,10,9,6,16,36,23,29,22,17,13,12,37,23,29,36,26,10,21,32,19,20,21,34,55,93,152,251,351,443,518,386,548,843,1155,15  
38,1751,1864,1990,2291,3348,3413,3407,3799,5278,4139,4801,5946,6473,8700,6143,7004,7411,7581,7078,9004,9101,8411,  
6571,8816,7251,8692,8125,8040,7938,5725,7201,7041,8024,8976,7700,6813,6305,6260,5996,6487,6723,5742,5697,6403,61  
02,6205,7190,6472,6198,5393,5622,4655,5748,6041,5617,4771,6104,4205,6572,4510,5264,5088,4270,4370,3856,2351,2830,  
3742,3772,4848,3553,3525,3300,3793,3887,3653,4806,4244,3053,3314,3956,3817,3706,3791,4098,3781,4117,4516,3737,39  
31,4048,3234,2609,2766,2733,2783,2834,3360,2566,2807,2450,2850,2213,2221,2575,1929,1590,1028,1780,1277,1181,1661,
```

```
1987,1662,2202,2340,1841,2012,2077,1905,1640,1887,1928,1673,1858,1816,1917,1378,1919,1707,1357,1574,1468,1346,90  
3,1109,1131,824,1027,1090,854,746,761,823,699,787,777,717,599,652,836,652,933,895,841,624,815,918,808,987,1111,1062,  
752,1091,1263,1242,1519,1748,1815,1814,1939,3036,3130,3676,4009,4303,4230,4991,6193,6155,7603])
```

```
correlation = np.corrcoef(tky,kan)  
sns.jointplot(tky, kan, kind="reg")  
print(correlation[0,1])
```



(23-2) Web 上(当サイト)から取得したデータを可視化する。

```
import matplotlib.pyplot as plt  
import pandas as pd  
import numpy as np  
  
CSV_URL="http://strmun.fool.jp/pov-ray_strnun//covid19tky-kan.csv"  
df = pd.read_csv(CSV_URL, names=['date','tky','kan'], header=0);  
df.head(836)  
plt.scatter(df['tky'], df['kan'])
```



(24) データベース的な処理

(24-1) ウェブ上から csv データの取得(本例: 筆者サーバ 文科省新体力テスト結果例)

```
import matplotlib.pyplot as plt  
import pandas as pd  
import numpy as np  
import seaborn as sb  
CSV_URL="http://strmun.fool.jp/pov-ray_strnun//spt.csv"  
df = pd.read_csv(CSV_URL, names=['grade','sex','height','weight','sitting height','Grip strength','sit up','forward  
bend','side jump','shuttle run','50m run','long jump','ballthrow'], header=0);  
df.head(1000)
```



(24-2) 条件選択

(25-1) 全文に以下を加える

```
df=df[(df['grade']=='2nd') & (df['sex']=='f')] # 学年列で2年かつ性別列で女子を選択  
print(df.head(1000))
```

(24-3) 射影

(25-1) 全文に以下を加える

```
df=df[(df['grade']=='2nd') & (df['sex']=='f')] # 同上選択条件  
df_data=df.iloc[:, 0:8] # フィールド 0~8 で射影  
print(df_data.head(1000))
```

(24-4) シーボーンを用いるグラフ化 男女人数棒グラフ

(25-1) 全文に以下を加える

```
sb.countplot(x='grade',data=df,hue='sex')  
plt.title('m-f')  
plt.ylabel('heads')  
plt.show()
```



(24-5) シーボーンを用いるグラフ化 男女別各学年 50m 走箱ひげ図

(25-1)全文に以下を加える

```
sb.boxplot(x = df['grade'] + df['sex'],
y=df['50m run'],data=df,hue='sex')
plt.show()
```

(24-6) シーボーンを用いるグラフ化 男子の 50m 走とボール投げの相関散布図

```
df_=df[df['sex']=='m']
plt.scatter(df['50m run'], df['ballthrow'])
plt.show()
```



(25) 2022 年 9 月時点での日米の長期国債利率、ドル円レートで固定し、同レートでで元金\$10,000 を最長 10 年、複利の貯蓄をする場合のリターンをシミュレーションし、円ベースで比較する。

(25-1) 各条件に変数を与える

元金\$10,000=¥1,440,000

米国利率 ir=0.037 3.7% ir(interest rate 利率)

日本利率 jr=0.0025 0.25% jr(japan)

元金 x=10000, y=1440000

米国利息 i (interest)

日本利息 j

反復回数 n

(25-2) 実装

```
x=10000
```

```
ir=0.037
```

```
for n in range(10):
```

```
    i=x*ir
```

```
    x=x+i
```

```
    print('you will get $',int(x),n+1,'years after')
```

```
y=1440000
```

```
jr=0.0025
```

```
for n in range(10):
```

```
    j=y*jr
```

```
    y=y+j
```

```
    print('you will get yen',int(y),n+1,'years after')elif (y==0 and x==2) or (y==1 and x==0)
```



(26) ライブラリ sympy を用いる高校数学の代数計算 数式処理

(26-1) 関数定義と値の代入

```
import sympy # sympy を定義
x = sympy.Symbol('x') # 変数 x を定義
y = sympy.Symbol('y') # 変数 y を定義
f = x**2 + y**2 -9 # 関数 f=x2+y2-9
print(f.subs([(x, 1), (y, 2)])) # x=1、y=2 を代入
```

(26-2) 関数定義と展開

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x')      # 変数 x を定義
y = (x + 2)*(x - 3)        # 元式を定義
y_ex = sympy.expand(y)    # 展開
print(y_ex)
```

または

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y=(x + 2)*(x - 3)
print(diff(y,x))
print(expand(y))
```



(26-3) 関数定義と因数分解

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x')      # 変数 x を定義
y_ex = x**2 - x - 6        # 元式を定義
y_factor = sympy.factor(y_ex) # 因数分解
print(y_factor)
```

または

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y_ex = x**2 - x - 6
print(factor(y_ex))
```



(26-4) 関数定義と微分

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x')      # 変数 x を定義
y = x**2 - x - 6          # 元式を定義 y=x2-x-6
print(sympy.diff(f))      # 微分
```

同義

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y = x**2 - 3*x - 6
print(diff(y,x))
```

三角関数のケース

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x')
y = sympy.sin(x)
print(sympy.diff(y,x))
```

同義

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y = sin(x)
print(diff(y,x))
```

対数のケース 3 行目元式を差し替える

```
y = log(x)
```

課題 元式 $y=(2x-5)^6$

- ① 微分式 y' を単項式で答えよ
- ② ①を展開せよ

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y=(2*x-5)**6
print(diff(y,x))
print(expand(y))
```



(26-5) 関数定義と積分

元式 $y= \int_3^4 (x^2-x-6) dx$

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x') # 変数 x を定義
y = x**2 - x - 6 # 元式を定義 y=x^2-x-6
print(sympy.integrate(y)) # 不定積分
```

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x')
y = x**2 - x - 6
print(sympy.integrate(y,(x,3,4))) # 定積分
```

同義

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y = x**2 - x - 6
print(integrate(y))
```

同義

```
from sympy import *
x = Symbol('x')
y = x**2 - x - 6
print(integrate(y,(x,3,4)))
```

課題 元式 $y= \int_0^{\pi/12} \sin^2x \cos^2x dx$

- ① 定積分を計算せよ。②不定積分の式を答えよ。



(26-6) 二次方程式解法 参考: [\(13-4\) 二次方程式解の公式実装](#)

例題 $X^2-3x+2=0$ を解く

```
import sympy
x = sympy.Symbol('x') # 変数、式を定義
ans=sympy.solve(x**2 - 3 * x + 2) # 方程式を解く
print(ans)
```



(26-7) 連立方程式解法

$$\begin{cases} 3x+5y=29 \\ X+y=7 \end{cases}$$

```
import sympy # 代数計算 数式処理ライブラリ
x = sympy.Symbol('x') # 変数 x を定義
y = sympy.Symbol('y') # 変数 y を定義
f = 3 * x + 5 * y - 29 # 関数 f=3x+5y-29
g = x + y - 7 #関数 f=x+y-7
print(sympy.solve([f, g])) # f=0、g=0 の方程式を解く
```



(26-8) 二つの関数の交点座標を求め、グラフで示す。

```
{
  y=x2
  y=2x+24
import matplotlib.pyplot as plt #グラフ描画ライブラリ
import numpy as np             # 統計用ライブラリ
import sympy                   # 代数計算 数式処理ライブラリ
x = sympy.Symbol('x')
y = sympy.Symbol('y')
f = x ** 2 - y                 # f=x2-y
g = 2 * x + 24 - y            # g=2x+24-y
print(sympy.solve([f, g]))    # f=0、g=0 の方程式を解く
x = np.arange(-10, 10, 0.1)   # x 座標(-10~+10)
plt.plot(x, x ** 2, c='blue')  # y=x2 式のグラフ描画
plt.plot(x, 2 * x + 24, c='red') # y=2x+24 式のグラフ描画
plt.show()
```



課題

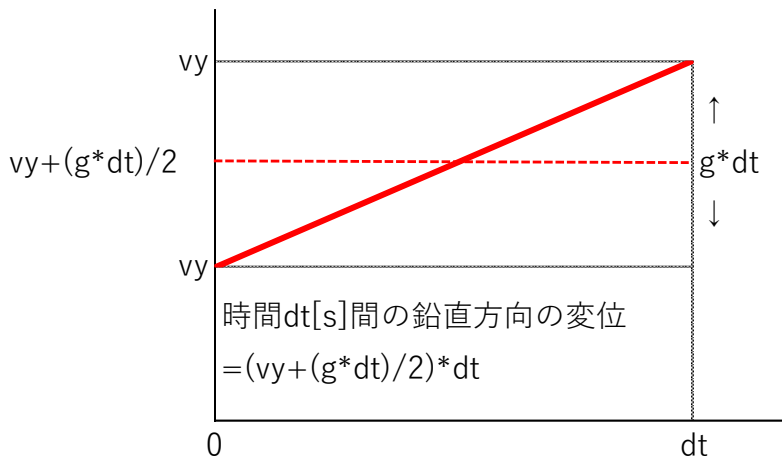
```
{
  y=x2+4x-6
  y=-x2+8x+10
import sympy
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
x = sympy.Symbol('x')
y = sympy.Symbol('y')
f = x ** 2 + 4 * x - 6 - y
g = -1 * x ** 2 + 8 * x + 10 - y
print(sympy.solve([f, g]))
x = np.arange(-10, 10, 0.1)
plt.plot(x, x ** 2 + 4 * x - 6, c='green')
plt.plot(x, -1 * x ** 2 + 8 * x + 10, c='red', linestyle='--',)
plt.show()
```



(27) (物理力学応用) 下記の条件で物体を斜め上方に投げ上げる時の、放物運動をシミュレートして図示
体験の意味で取り組んでください。【物理履修者が望ましい】

初速 $v_0=40[\text{m/s}]$, 投げ上げ角度 $a=45^\circ$, 重力加速度 $g=9.8[\text{m/s}^2]$, 初期位置 $x=0[\text{m}], y=0[\text{m}]$

アルゴリズム(問題解決手法)のヒント



時間上の微小区間を $dt[秒]$ とすると、その間の鉛直方向速度 v_y の変化分は $g*dt$
プログラミング上の記述は

$$v_y = v_y + g*dt$$

また、 $dt[秒]$ の鉛直方向変位は

$(v_y + (g*dt)/2) * dt$... 左図赤破線下の長方形の面積

よって、鉛直方向変位は

$$y = y + (v_y + (g*dt)/2) * dt$$

(27-1) 変位

```
import math                # 数学モジュール
import matplotlib.pyplot as plt # グラフ描画ライブラリ
dt=0.1                    # 時間微小区間を dt=0.1[s]とする 任意
v0=40                    # 初速を v0=40[m/s]とする 任意
a=45                     # 投げ上げ角度 a=45° とする 任意
g=9.8                   # 重力加速度 g=9.8[m/s²]とする
x=0                      # 初期位置 x=0[m]とする 任意
y=0                      # 初期位置 y=0[m]とする 任意
A=a*math.pi/180        # 投げ上げ角度 a を弧度法変換し、変数 A とする
vx=v0*math.cos(A)       # 水平方向の速度 vx=v0cos(A)
vy=v0*math.sin(a)       # 鉛直方向の速度 vx=v0sin(A)
for n in range(100)     # 100 回反復
    plt.scatter(x,y,color='red') # 散布図を赤で
    vy=vy-g*dt          # 微小時間 dt[s]後の鉛直方向の速度 vy
    x=x+vx*dt           # 水平方向の変位 x
    y=y+(vy+(g*dt)/2)*dt # 鉛直方向の変位 x 上記ヒント
    if y<0:            # y が 0 未満の場合は、実行させない
        break         # 反復停止
plt.show()
```



(27-2) 鉛直方向速度

```
dt=0.1                    # 時間微小区間を dt=0.1[s]とする 任意
v0=40                    # 初速を v0=40[m/s]とする 任意
a=45                     # 投げ上げ角度 a=45° とする 任意
g=9.8                   # 重力加速度 g=9.8[m/s²]とする
x=0                      # 初期位置 x=0[m]とする 任意
y=0                      # 初期位置 y=0[m]とする 任意
A=a*math.pi/180        # 投げ上げ角度 a を弧度法変換し、変数 A とする
vx=v0*math.cos(A)       # 水平方向の速度 vx=v0cos(A)
vy=v0*math.sin(A)       # 鉛直方向の速度 vx=v0sin(A)
```

```

for n in range(50):          # 50 回反復
    plt.scatter(x,vy,color='blue') # 散布図を青で
    vy=vy-g*dt
    x=x+vx*dt
plt.show()

```



(28) 三角関数の定理

(28-1) 正弦の加法定理

$\sin(A+B)=\sin A\cos B+\cos A\sin B$ case-1
 $\sin(A-B)=\sin A\cos B-\cos A\sin B$ case-2

case-1 $\sin 75^\circ$

```

import math                # 数学モジュール
x = 75                    # ターゲットを 75° とする
a = 45                    # 角度 a を 45° とする
b = 30                    # 角度 b を 30° とする
r = math.radians(x)       # x を弧度法変換して r とする
A = math.radians(a)       # a を弧度法変換して A とする
B = math.radians(b)       # b を弧度法変換して B とする
ans = math.sin(r)         # sin75° の値を ans とする
print('sin(x) = ', round(sns, 2)) # sin75° の値を小数点 2 位まで表示
ANS = math.sin(A) * math.cos(B) + math.cos(A) * math.sin(B) # sinAcosB+cosAsinB の値 ANS
print('sin',x, '=', round(ANS, 2)) # sinAcosB+cosAsinB の値の値を小数点 2 位まで表示

```

case-2 $\sin 15^\circ$

```

import math                # 数学モジュール
x = 15                    # ターゲットを 75° とする
a = 45                    # 角度 a を 45° とする
b = 30                    # 角度 b を 30° とする
r = math.radians(x)       # x を弧度法変換して r とする
A = math.radians(a)       # a を弧度法変換して A とする
B = math.radians(b)       # b を弧度法変換して B とする
ans = math.sin(r)         # sin75° の値を ans とする
print('sin(x) = ', round(sns, 2)) # sin75° の値を小数点 2 位まで表示
ANS = math.sin(A) * math.cos(B) - math.cos(A) * math.sin(B) # sinAcosB-cosAsinB の値 ANS
print('sin',x, '=', round(ANS, 2)) # sinAcosB-cosAsinB の値を小数点 2 位まで表示

```



(28-2) 余弦の加法定理

$$\cos(A+B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B \quad \text{case-1}$$

$$\cos(A-B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B \quad \text{case-2}$$

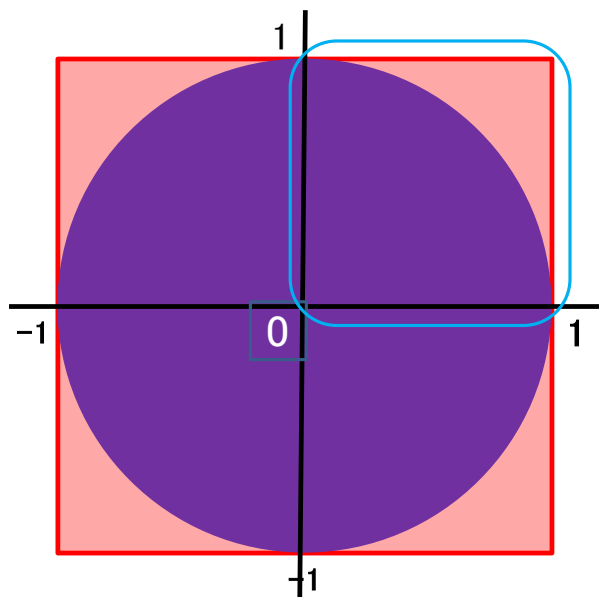
case-1 $\cos 75^\circ$

```
import math
x = 75
a = 45
b = 30
r = math.radians(x)
A = math.radians(a)
B = math.radians(b)
ans = math.cos(r)
print('cos(x) = ', round(ans, 2))
ans = math.cos(A) * math.cos(B) - math.sin(A) * math.sin(B)
print('cos',x,'=',round(ans, 2))
```

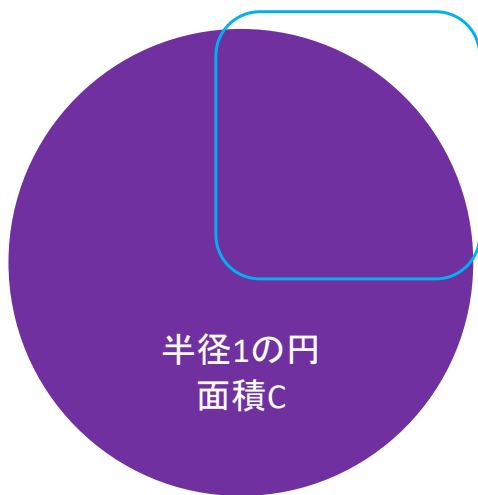
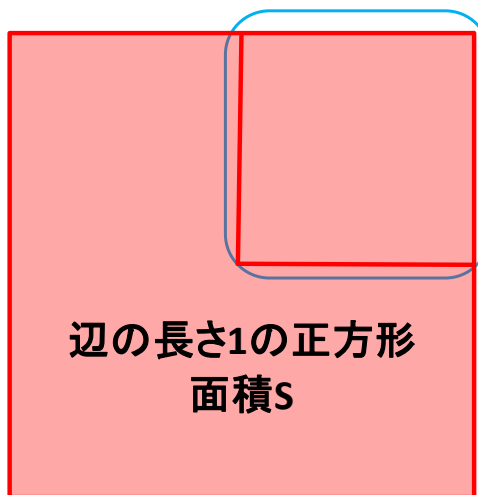
case-2 $\cos 15^\circ$

```
import math
x = 15
a = 45
b = 30
r = math.radians(x)
A = math.radians(a)
B = math.radians(b)
ans = math.cos(r)
print('cos(x) = ', round(ans, 2))
ans = math.cos(A) * math.cos(B) + math.sin(A) * math.sin(B)
print('cos',x,'=',round(ans, 2))
```





左図の第1象限(青線部)に着目する
横軸 x 、縦軸 y
 $0 \leq x < 1$ $0 \leq y < 1$
1 辺の長さ 1 の正方形(赤)の面積 $S=1*1=1$
半径 1 の円(紫)の面積 $C=\pi/4$
全打点数 N
円内の打点数 M
 $M : N = C : S = \pi/4 : 1$
 $\pi = 4M / N$



モンテカルロ法①

```
import random # 乱数モジュール
import math # 数学用モジュール⇒省略時は★を  $r = (x**2 + y**2)**0.5$  にする
N = 1000000 # 点の総数
M = 0 # 円内に入った点の数
for i in range(N): # x,y 座標を 0~1 までの乱数で生成、ランダムに打点
    x = random.random()
    y = random.random()
    r = math.sqrt(x**2 + y**2) # 点と原点との距離を計算 ★
    if r <= 1: # 距離が 1 以下なら円内に入っていると判定
        M += 1
pi = 4 * M / N # 円周率の近似値を計算
print("円周率の近似値:", pi) # 結果を表示
```



モンテカルロ法②

```
import random
def estimate_pi(n):
    num_points_circle = 0
    num_points_total = 0
    for _ in range(n):
        x = random.uniform(0, 1)
        y = random.uniform(0, 1)
        distance = x**2 + y**2
        if distance <= 1:
            num_points_circle += 1
            num_points_total += 1
    return 4 * num_points_circle / num_points_total
print(estimate_pi(100000))
```

モンテカルロ法③

```
import random
import math
import matplotlib.pyplot as plt
N = 1000000 # 点の総数
M = 0 # 円内に入った点の数
x_list = [] # x,y 座標のリスト
y_list = []
for i in range(N) # ランダムに点を打つ
    x = random.random() # x,y 座標を 0~1 までの乱数で生成
    y = random.random()
    r = math.sqrt(x**2 + y**2) # 点と原点との距離を計算
    if r <= 1: # 距離が 1 以下なら
        M += 1 # 円内に入っていると判定して M に 1 を加えて代入
        x_list.append(x) # x,y 座標をリストに追加
        y_list.append(y)
pi = 4 * M / N # 円周率の近似値を計算
print("円周率の近似値:", pi) # 結果を表示
```

モンテカルロ法④ プロット描画

```
def plot_points(n):
    x_inside, y_inside, x_outside, y_outside = [], [], [], []
    for _ in range(n):
        x = random.uniform(0, 1)
        y = random.uniform(0, 1)
        distance = x**2 + y**2
        if distance <= 1:
```

```

x_inside.append(x)
y_inside.append(y)
else:
x_outside.append(x)
y_outside.append(y)
fig, ax = plt.subplots()
ax.scatter(x_inside, y_inside, color='red')
ax.scatter(x_outside, y_outside, color='blue')
plt.show()
plot_points(10000)

```



(30) 複素数 import cmath 複素数を扱うライブラリ

```

import cmath
x=1+2j # x=1+2j とする。(虚数部はjとすること)
y=3+4j # y=3+4j とする。
print(x.real,x.imag) # x の実数部と虚数部を表示せよ
print(x+y,y-x,x*y) # x+y,y-x,x*y を計算せよ

```

(31) モデル化シミュレーション「待ち時間」

```

import random # 乱数モジュール
arrive=0 # 到着時刻 arrive
start=0 # レジ会計・治療など作業開始時刻 start
end=0 # レジ会計・治療など作業終了時刻 end
waitingtime=[ ] # 到着から開始までの待ち時間配列を設定 waiting time
for i in range(20): # 20 人分反復
arrive=arrive+random.randint(1,5) # 到着時刻は先着者の後 1~5 分後で乱数
if end<=arrive: # 到着時刻が先客の終了時刻より後ならば
start= arrive # 開始時刻は到着時刻
else: # そうでないなら
start=end # 開始時刻は先客の終了時刻
service=random.randint(5,10) # レジ会計・治療など作業経過時間は乱数で 5~10 分 service
end=start+service # 終了時刻は開始時刻に作業時間を加える
waitingtime.append(start-arrive) # 待ち時間配列に(開始時刻-到着時刻)を追加
print(i+1, arrive,waitingtime[i],start,service,end) # 順番、到着時刻、待ち時間、開始時刻、サービス時間、終了時刻表示
i=i+1 # 次番を処理
print('平均待ち時間',sum(waitingtime)/len(waitingtime)) # 待ち時間の平均値を表示

```



(32) コイントスシミュレーション

① x回の試行で表(裏)の出た回数を積算して試行回数で割る

```
import random
face = 0
x=2000
for i in range(x):
    if random.randint(0, 1) == 1:
        face += 1
print("omote: ", face)
print("ura: ", x-face)
print("omote rate: ", face / x)
```

② 結果を配列に取り込んで処理

```
import random
A=[]
x=600
def coin_toss():
    return random.randint(0, 1)
results = [coin_toss() for i in range(x)]
heads = results.count(1)
probability = heads / len(results)
print(probability)
```



③ ヒストグラムで可視化

```
import matplotlib.pyplot as plt
results = []
for i in range(100):
    results.append(random.randint(0, 1))
    head = results.count(1)
    probability = head / len(results)
print(probability)
plt.hist(results, bins=2)
plt.show()
```

可視化モジュール
コイントス結果の配列を設定
コイントス試行回数を設定
乱数で 0,1 を発生
1 の出た回数を heads(表)
表の回数/全試行回数を probability
probability を表示
結果をヒストグラム描画



④ 以下の仕様をコーディングする

- ・コイントスを n 回行う
- ・表 face が出現する回数を face とする
- ・確率を p とすると $p = \text{face} / n$
- ・この試行を m 回実行して、その都度確率 p を配列 result に入れる
- ・m 回試行分の配列からヒストグラムを作成
- ・その平均値 average を求めて表示

```
import matplotlib.pyplot as plt
result = [] # ヒストグラムを描画するためのリスト
m=100 # 試行回数
n=1000 # 打点数
for i in range(m): # シミュレーションを m 回繰り返す
    face = 0 # 表が出る回数 face 初期値 0
    for i in range(n): # コイントスを n 回反復試行
        if random.randint(0, 1) == 1: # 整数 0,1 の乱数発生で 1 が出現したら
            face += 1 # face に 1 を加えて代入
    p = face / n # 表が出る確率を算出を p とする
    result.append(p) # p を配列 result に追加
plt.hist(result, bins=20) # ヒストグラムを描画
plt.show()
average = sum(result) / m # 配列の合計値を試行回数で割って平均を求める
print("平均値は", average) # 平均値を表示
```